Eletricidade Aplicada - notas de aula

Carlos Kleber da Costa Arruda
¹ - Universidade Candido Mendes $4\ {\rm de\ junho\ de\ }2009$

 $^{^{1}} carloskleber@gmail.com\\$

Sumário

1	ntrodução						
	1 A eletricidade na prática						
	2 Os caminhos da eletricidade						
	3 Revisão da teoria de circuitos elétricos de corrente contínua (CC)						
	.4 Elementos armazenadores de energia						
2	Princípios de Corrente Alternada						
	2.1 Porque corrente alternada?						
	2.2 Ondas Senoidais						
	2.3 Entendendo as Grandezas Elétricas						
	2.4 Fasores						
	2.5 Representação de elementos elétricos em forma complexa						
	2.6 Análise de Circuitos de Corrente Alternada						
	2.7 Exemplos						
3	Potência e energia 3						
J	3.1 Introdução						
	3.2 Tipos de Potência						
	•						
	3.4 Medindo a potência						
	3.5 Compensação de reativos em uma instalação						
4	Sistemas Trifásicos 4						
	l.1 Introdução						
	4.2 Transmissão e distribuição						
	1.3 Potência						
5	Tarifação de energia elétrica 4						
	5.1 Introdução						
	5.2 Estudo de caso						
6	Instalações Elétricas Industriais 5						
	5.1 Introdução						
	5.2 Elementos de uma subestação						
	5.3 Proteção de circuitos						
7	Máquinas elétricas - motores 5						
•	7.1 Introdução						
	7.2 Características de um motor elétrico						
	7.3 Projeto de instalações elétricas com motores em partida						
	7.4 Partida de motores elétricos						
0							
8	Riscos da eletricidade 5						
	3.1 Choque elétrico						
	3.2 Descargas atmosféricas						
	3.3 Dispositivos de segurança						
	3.4 Eletricidade induzida						
	3.5 Riscos indiretos						
	8.6 Normas e legislação 6						

SUMÁRIO

9	Exercícios				
	9.1 Introdução	65			
	9.2 Princípios de corrente alternada	67			
	9.3 Potência e energia	68			
	9.4 Sistemas trifásicos	69			
	9.5 Tarifação	69			
	9.6 Instalações elétricas industriais	70			
	9.7 Máquinas elétricas	70			
	9.8 Riscos da eletricidade	72			
	9.9 Palavras-chave	72			
\mathbf{A}	Uso de calculadores com funções de números complexos	75			
	A.1 Texas TI-83	75			
	A.2 Casio FX 82 MS	75			
В	Erros comuns	77			

Capítulo 1

Introdução

1.1 A eletricidade na prática

A eletricidade é uma das formas de aproveitar os recursos naturais para o desenvolvimento humano. Possui características únicas: seu armazenamento é dificil e caro, comparado com outras fontes como o petróleo. Pode ser transmitido com facilidade, e a entrega desta energia é instantânea. Sua extração da natureza pode ser realizada de diversas formas, mas cada uma possui uma desvantagem: seja no impacto ambiental, ou nos custos elevados da tecnologia.

Desta forma, a civilização atual depende fortemente da energia elétrica, aonde não é possível imaginar um desenvolvimento sem eletricidade. A engenharia, de todos os campos, deve saber usar da eletricidade para a realização de suas realizações.

1.1.1 O que é a eletricidade?

A eletricidade é o fenômeno físico provocado por cargas elétricas, sendo uma das quatro forças fundamentais da natureza. A carga elétrica é uma característica de cada partícula atômica, como a massa, mas ao contrário desta podemos ter valores positivos (os prótons), negativos (os elétrons) e até nulos (os neutrons).

A eletricidade estática, ou *eletrostática*, é o efeito das cargas em repouso. Toda carga exerce uma força contra *todas* as outras cargas. Esta força torna-se mais fraca conforme aumenta-se a distância, logo esta só é significativa com os vizinhos mais próximos. a força pode ser de atração (entre cargas de sinal oposto) ou de repulsão (entre cargas do mesmo sinal).

A eletricidade por cargas em movimento, ou *eletrodinâmica*, é o efeito ocorrido quando cargas livres deslocam-se, seguindo as forças de atração ou repulsão.

1.1.2 Uma ordem de grandeza

Abaixo são ilustrados alguns números de algumas grandezas, em potências de 10, e algumas aplicações no qual são observadas estas grandezas. Esta parte é interessante para ilustrar o tamanho das grandezas elétricas. Um leigo em eletricidade sabe, pelo menos, a diferença entre um metro, um quilômetro e um milímetro. Assim como o metro, todas as grandezas elétricas podem ser expressas com o auxílio dos múltiplos e submúltiplos do sistema internacional¹.

A seguir são ilustrados múltiplos de unidades típicas em eletricidade, seguido por um exemplo comum.

1.1.2.1 Potência

Os exemplos incluem potência em geral, seja de dispositivos elétricos ou mecânicos, geradores ou consumidores.

 $^{^1}$ Os múltiplos não são os mesmos usados em informática, como em quilobyte, megabyte. Neste caso, quilo = $2^{10}=1024,$ mega $=2^{20}=1024\times1024.$

1 W	Rádio	
10 W Aparelho de DVD, lâmpada fluorescente		
100 W Lâmpada incadescente, microcomputador		
1 kW Ar condicionado residencial		
10 kW	Motor elétrico industrial	
100 kW	Automóvel	
1 MW	Locomotiva a diesel	
10 MW	Demanda média de um pequeno país	
100 MW	Usina termelétrica de grande porte	
1 GW	Grandes usinas hidrelétricas (5 GW)	
10 GW	Usina de Itaipu (12,6 GW)	
100 GW	Demanda média de eletricidade do Brasil	
1 TW	Demanda média mundial de eletricidade (1,7 TW em 2001)	

Tabela 1.1: Ordem de grandeza de potência.

1.1.2.2 Energia

São ilustradas duas unidades de energia: joule (SI) e watt-hora (usada em engenharia elétrica).

SI watt-hora Descrição		Descrição
1 kJ	1 Watt-hora (3,6 kJ).	
10 kJ	J Consumo de 1 g de gasolina.	
100 kJ		Energia cinética de um carro em alta velocidade.
1 MJ 1 kWh Média nutricional diária de uma pessoa (8,4 MJ = 20 10 MJ 10 kWh Consumo de um ar condicionado em uma noite.		Média nutricional diária de uma pessoa $(8.4 \text{ MJ} = 2000 \text{ kcal})$.
		Consumo de um ar condicionado em uma noite.
100 MJ	100 kWh	Consumo mensal de uma residência (100 a 500 kWh).
1 GJ	1 MWh	Descarga atmosférica, explosão de 1 tonelada de TNT.
10 GJ	10 MWh	Consumo de um automóvel durante 1 ano.
	1 TWh	Bomba nuclear.
	10 TWh	Impacto de meteoro.
	100 TWh	Consumo anual do Brasil (374,9 TWh em 2005).
	1 PWh	Consumo anual dos Estados Unidos (3,656 PWh em 2003).

Tabela 1.2: Ordem de grandeza de energia.

1.1.2.3 Tensão

Potencial ou $tens\~ao$ elétrica é relacionada a energia potencial que uma carga elétrica possui. Podemos fazer uma analogia com a energia potencial da força da gravidade: quanto mais alto, maior a queda.

100 mV	Diodo (0,6 V)	
1 V	Pilha (1,5 V)	
10 V Bateria de carro (12 V)		
100 V	100 V Tomada residencial (127 ou 220 V)	
1 kV	Nível de isolamento de equipamentos elétricos residenciais (600 V)	
10 kV	Linha de distribuição urbana (13,8 kV)	
100 kV	Linha de transmissão típica (138 kV)	
1 MV	Linhas de transmissão de Itaipu (800 kV)	
10 MV	Geradores de impulso (6 MV)	

Tabela 1.3: Ordem de grandeza de tensão elétrica.

1.1.2.4 Corrente

A corrente elétrica é o fluxo de carga, ou seja, a quantidade de carga que atravessa uma área (no nosso caso, por exemplo, a seção do cabo).

Para corrente elétrica, também é relacionado os níveis de choque elétrico. Estes limites dependem do circuito, resistência do corpo humano e das vestimentas, umidade da pele, etc.

1 mA	Limiar da percepção de choque elétrico
10 mA	Transistor, choque perigoso
100 mA	Aparelho celular, choque mortal
1 A	Televisão
10 A	Chuveiro elétrico, ar condicionado
100 A	Partida de motor elétrico
1 kA	Linhas de transmissão (2 kA)
10 kA	Curto-circuito
100 kA	Descarga atmosférica

Tabela 1.4: Ordem de grandeza de corrente elétrica.

1.2 Os caminhos da eletricidade

Podemos dividir a utilização da energia elétrica em diversos campos.

1.2.1 Geração

A captação dos recursos naturais e sua transformação em energia eletrica. A forma tradicional é o gerador, no qual seu eixo pode ser acoplado a uma força mecânica, como uma turbina hidráulica ou uma turbina térmica, movida a gás, gasolina ou energia nuclear.

O desenvolvimento de novas formas de geração destina-se a um futuro no qual as fontes hidráulicas e térmicas tornam-se escassas, e ao mesmo tempo procurando fontes limpas, com baixo impacto ambiental.

1.2.2 Transmissão

Os blocos de energia das usinas devem ser transmitidos para os núcleos consumidores. O Brasil, pelo seu tamanho continental, depende de longas linhas de transmissão, no qual são necessários longos caminhos desimpedidos para passagem, ou seja, com uma grande impacto ambiental. O sistema de transmissão necessita também de um número suficiente de interligações para assegurar a continuidade do serviço.

1.2.3 Distribuição

Os blocos de energia chegam em subestações, no qual reduz a tensão e são transmitidos para os consumidores comerciais e residenciais nas malhas urbanas. Esta malha deve conter medidas de segurança de forma a suportar alterações no sistema, como mudanca de carga, tempestades ou falta de energia.

1.2.4 Máquinas Elétricas

Uma grande utilização da energia elétrica, em termos de potência, é na sua conversão para energia mecânica. O uso de motores de diversos tipos é evidente em diversos segmentos da indústria. Ao mesmo tempo, procura-se realizar projetos de máquinas eficientes e com alta confiabilidade.

1.2.5 Eletrônica

Com a invenção da válvula e do transistor, desenvolveu-se um novo campo da eletricidade envolvendo pequenos circuitos. A TV e o rádio são os principais exemplos da eletrônica, no qual atualmente desmembrou-se pela computação e pelas telecomunicações.

1.2.6 Controle

Destinado ao estudo da dinâmica de sistemas, não necessariamente elétricos. A engenharia de controle busca a estabilidade frente a qualquer distúrbio.

1.2.7 Telecomunicações

Ramo da eletrônica relativo a transmissão de dados através de ondas eletromagnéticas. Suas aplicações são o rádio, TV, telefonia celular e redes de computadores.

1.2.8 Computação

Segmento especializado da eletrônica destinado ao projeto de computadores e programas. Atualmente não é restrito a computadores de mesa, mas engloba notebooks, PDAs e celulares.

1.2.9 Instrumentação

Campo específico da eletrônica no qual destina-se a medir as grandezas físicas. Alguns exemplos são o multímetro, radares, termopares e sensores em geral.

1.2.10 Automação

A crescente complexidade dos processos industriais permitiu o desenvolvimento de uma eletrônica especializada, que trata-se da aplicação da engenharia de controle na prática. Atualmente existe uma grande variedade de aplicações em automação, desde indústrias até prédios comerciais.

1.2.11 Comercialização

A energia eletrica é elemento determinante nos custos de produtos e serviços. Empresas geradoras, transmissoras e distribuidoras podem negociar a energia que é lançada no sistema. As indústrias podem adquirir energia a longo prazo e revender as suas sobras. Outras firmas podem atuar como comercializadoras, mesmo não possuindo geração, através de especulação no mercado atacadista de energia.

1.3 Revisão da teoria de circuitos elétricos de corrente contínua (CC)

Antes de iniciar o próximo capítulo, faz-se necessária uma revisão dos conceitos de circuitos elétricos de corrente contínua. Será visto que a análise de circuitos CA seguirá esta mesma base.

1.3.1 Noção fundamental de circuito

Um circuito elétrico é uma série de caminhos no qual a carga elétrica é transportada. Uma fonte provocará a separação de cargas, quanto maior esta separação, maior será a diferença de potencial. Para haver uma separação de cargas, é necessária uma energia, que pode ser obtida através de diversos meios (reações químicas, transformações eletromagnéticas, efeitos fotovoltaicos, efeitos termoelétricos, etc). Alguns meios são mais eficientes, práticos ou baratos, cada caso é um caso.

Entre as cargas haverá um campo elétrico, que indicará a tendência de atração entre as cargas. Podemos ainda dizer que cada carga estará em um potencial, havendo entre si uma diferença de potencial (d.d.p.). A fonte estará forçando as cargas a se separarem, logo deverá haver um outro caminho para que as cargas realizem a atração. Os melhores caminhos são delineados pelo condutores.

Ao se formar um caminho fechado entre os dois pólos da fonte, estará formado um circuito elétrico fechado. Este circuito poderá ser do mais simples e curtos, até os mais elaborados e extensos. A carga elétrica começará a fluir pelo circuito, seguindo o campo, formando a corrente elétrica. Este fluxo não é instantâneo, e seu comportamento seria de uma fileira de "dominós", aonde cada peça seria as cargas elétricas.

Ao longo do circuito, a carga elétrica pederá energia da forma de um "atrito" com os materiais. Este atrito fornecerá energia aos componentes, essencialmente na forma de calor. Este é o conceito de *resistência* elétrica. Outras formas de troca de energia são através dos campos elétricos e magnéticos (que inclui luz visível e motores elétricos), o que será visto mais adiante.

Após as cargas terminarem de circular, no outro lado do pólo da fonte, esta continuará a fornecer potencial elétrico, "bombeando" novamente as cargas de volta ao circuito. Isto se repete até ser interrompido o circuito, ou cessar a fonte de energia.

Ainda, em um mesmo circuito podem haver várias fontes de energia, interagindo entre si.

1.3.2 Tensão

Definido pela relação entre a energia potencial e a carga elétrica, resumido pela equação 1.1. Pode ser expresso por v(t) (quando se tratar de uma função) ou V (quando se tratar de uma tensão contínua, constante)². Sua unidade é o volt (V).

$$v(t) = \frac{dw}{dq} \tag{1.1}$$

É usual, mas errado, falar da tensão de um elemento elétrico (um gerador, pilha, resistor, etc). Na verdade teremos uma diferença de potencial, que é a diferença entre as tensões dos terminais. Você pode atribuir que um terminal encontra-se a tensão de 0 V, logo a diferença de potencial do elemento ficará igual à tensão do segundo terminal.

1.3.3 Corrente

Definida pela variação de carga que atravessa um condutor, ao longo do tempo. Pode ser expressa por i ou I. Sua unidade é o ampere (A).

$$i(t) = \frac{dq}{dt} \tag{1.2}$$

1.3.4 Resistência

A definição formal de resistência é a relação entre a corrente que atravessa um elemento e a queda de tensão entre entrada e saída.

$$R = \frac{V}{I} \tag{1.3}$$

Em geral tratamos esta relação como um número, cuja grandeza é medida em ohm (Ω) , mas esta relação pode ser não-linear, expressa por uma função qualquer.

1.3.5 Queda de tensão (q.d.t.)

Fazendo o caminho inverso, temos

$$V = RI \tag{1.4}$$

Quando tratamos de um elemento "fechado", a queda de tensão aparenta ser abrupta, mas na verdade não ocorre desta forma. Vendo o exemplo de um fio condutor. Sua resistência, que em geral é desprezada, varia linearmente. Logo, a queda de tensão ao longo do fio será uma rampa descendente.

1.3.6 Associação série

Dois elementos ligados em série compartilham a mesma corrente.

$$R_{eq} = R_1 + R_2 + \dots + R_n \tag{1.5}$$

A resistência equivalente deverá ser maior que o maior elemento.

Uma associação em série divide a tensão entre seus componentes. O componente com a menor resistência ficará com a menor tensão, e vice-versa.

²em alguns livros pode ser referenciado como u ou U.

1.3.7 Associação paralela

Dois elementos ligados em paralelo compartilham a mesma tensão. A resistência equivalente é expressa por³

$$\frac{1}{R_{eq}} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \dots + \frac{1}{R_n}$$
 (1.6)

Para somente dois elementos em paralelo, a seguinte fórmula também pode ser usada. Nada mais é que uma manipulação da equação 1.6.

$$R_{eq} = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} \tag{1.7}$$

A resistência equivalente, para qualquer número de elementos, deverá ser menor que o menor elemento.

Uma associação em paralelo divide a corrente entre seus componentes. O componente com a menor resistência ficará com a maior corrente, e vice-versa.

1.3.8 Resistência de fios

A resistência de um fio pode ser calculada por

$$R = \rho \frac{l}{A} \tag{1.8}$$

No qual l é o comprimento, A a área da seção transversal e ρ a resistividade do material (por exemplo, para o cobre, $\rho=1,69\cdot 10^{-8}\Omega\,\mathrm{m}$). Algumas seções típicas de fios são de $1,5\,\mathrm{mm}^2$ a $120\,\mathrm{mm}^2$.

Seção (mm ²)	Resistência (Ω/km)
1,5	11,267
2,5	6,760
4,0	4,225
10	1,690
70	0,241
120	0,140

Tabela 1.5: resistência para algumas bitolas comerciais (em cobre).

Neste ponto é importante ter uma noção da resistência de um fio. Não é incomum, em um sistema de potência elevada, da carga possui a mesma ordem de grandeza que a resistência do fio, portanto não podemos desconsiderar o fio nestas circunstâncias.

Quando considerar a resistência do fio? Para esta pergunta, nada melhor que praticar a resolução de circuitos com e sem esta resistência. Para uma iniciação na "engenharia prática", aproximações de 5 e até 10% são aceitáveis. Lembre-se ainda, para o cálculo da resistencia do fio, o comprimento é o dobro (ida e volta).

1.3.9 Resolução de circuitos

A análise de um circuito elétrico é metódica, e em geral trata dos seguintes aspectos:

- Encontrar a corrente fornecida por uma fonte de tensão,
- Encontrar a corrente que atravessa um elemento,
- Encontrar a queda de tensão em um elemento,
- Encontrar a potência fornecida por uma fonte ou absorvida por um elemento,

³Ao longo desta apostila será usada a notação "||", que corresponderá à equação 1.6.

• Calcular um elemento que atenda uma condição de corrente, queda de tensão, potência, etc.

O procedimento mais simples é o cálculo de resistências equivalentes, agregando elementos até encontrar um único elemento que represente todo o circuito, no ponto de vista da fonte. Este procedimento é eficaz quando existe somente uma fonte no circuito.

Outro método de análise são as leis de Kirchhoff, essenciais para a resolução de circuitos complexos:

- Lei dos nós: a soma das correntes que entram é igual a soma das correntes que saem do nó.
- Lei das malhas: a soma das diferenças de potencial (ddp) em torno de um laço é igual a zero. Supõe-se neste caso que fontes, voltadas para um mesmo sentido, tenham uma ddp positiva e as cargas uma queda de tensão (ddp negativa).

1.3.10 Potência e energia

Potência é definida como a variação de energia ao longo do tempo. Pode ser expresso por p ou P, e sua unidade é watt (W). Lembrando que potência é um conceito mais amplo, podendo ser de origem elétrica, mecânica, etc.

Se multiplicarmos tensão e corrente, teremos a potência consumida ou produzida pelo elemento:

$$v(t) i(t) = \frac{dw}{dq} \frac{dq}{dt} = \frac{dw}{dt} = p(t)$$
(1.9)

Logo, quando tensão e corrente são grandezas contínuas, a potência também será:

$$P = VI \tag{1.10}$$

A energia elétrica será a integral da potência ao longo do tempo.

$$w(t) = \int p(t) dt \tag{1.11}$$

Para um circuito de corrente contínua, havendo uma potência constante ao longo de um tempo t, a integral torna-se

$$W = Pt (1.12)$$

Será visto mais adiante que, a partir de algumas considerações, será possível calcular circuitos de corrente alternada de forma muito similar aos circuitos de corrente contínua.

1.4 Elementos armazenadores de energia

O resistor é um elemento de saída da energia elétrica, transformando-a em calor, movimento, luz, etc. Podemos ter elementos que armazenam provisoriamente a energia. Assim como o resistor relaciona tensão e corrente pela sua resistência, estes elementos possuem suas relações, que são essenciais para a resolução de circuitos.

1.4.1 Indutor

Armazena a energia em seu campo magnético. Sua relação tensão-corrente é

$$v_L = L \frac{di_L}{dt} \tag{1.13}$$

O efeito do indutor é agir como um "amortecedor" de corrente, captando a energia e "carregando" o campo magnético. Na falta de corrente, o indutor "descarregará" esta energia de volta ao circuito.

A equação 1.13 pode ser interpretada da seguinte forma:

- Variação muito pequena de corrente (contínua): tensão nula.
- Variação muito grande de corrente (degrau): tensão "infinita".

1.4.2 Capacitor

Armazena a energia em seu campo elétrico. Sua relação tensão-corrente é

$$i_C = C \frac{dv_C}{dt} \tag{1.14}$$

O efeito do capacitor é agir como um "amortecedor" de tensão, o que pode ser visto, a grosso modo, a uma bateria de carro. O capacitor irá "carregar" a partir da tensão do circuito, armazenando a energia no campo elétrico. Na falta de tensão, o capacitor "descarregará" este energia de volta ao circuito.

A equação 1.14 pode ser interpretada da seguinte forma:

- Variação muito pequena de tensão (contínua): corrente nula.
- Variação muito grande de tensão (degrau): corrente "infinita".

Capítulo 2

Princípios de Corrente Alternada

2.1 Porque corrente alternada?

No final do séc. XIX com o crescimento econômico e as novas invenções em máquinas elétricas, foram propostas duas formas de distribuição de eletricidade: corrente contínua e corrente alternada.

O uso de corrente contínua foi proposto por Thomas Edison, contra a distribuição de corrente alternada de Nikola Tesla. Ganhou a corrente alternada, por se mostrar mais eficiente, basicamente pela possibilidade do uso de transformadores.

Após as discussões iniciais, estabeleceu-se um paradigma baseado em corrente alternada, no qual o sistema é baseado nas principais máquinas elétricas. Este é o sistema que persiste até hoje, em todos os países.

2.1.1 O Transformador

O transformador permite a transferência de energia entre dois circuitos através de um acoplamento magnético. São duas bobinas enroladas sobre um núcleo ferromagnético em comum, aonde a primeira bobina produz o fluxo magnético, que atravessará a segunda bobina. Pela Lei de Faraday (equação 2.3), haverá uma tensão induzida na segunda bobina proporcional à variação do fluxo magnético e o número de espiras (voltas) da bobina.

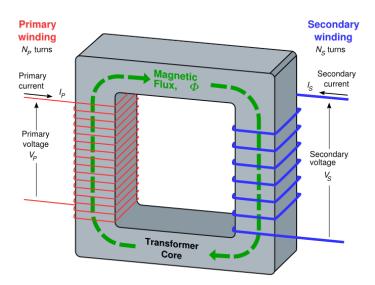


Figura 2.1: Esquema de um transformador (fonte: Wikipedia)

Esta transferência de energia pode ser manipulada, de forma que se altere tensões e correntes, sem alterar a potência total.

Procura-se usar os transformadores para elevar a tensão, possibilitando a transmissão de energia por longas distâncias, enquanto a baixa corrente permite diminuir as perdas nos condutores. A relação é dada por

$$\frac{N_1}{N_2} = \frac{V_1}{V_2} = \frac{I_2}{I_1} \tag{2.1}$$

Sendo $N_1 e N_2$ o número de espiras no primário e no secundário, respectivamente.

A principal vantagem neste sistema é evitar as perdas nos condutores, que variam com o quadrado da corrente:

$$P = RI^2 (2.2)$$

O transformador pode ser visto como uma engrenagem, que também transmite energia através de uma relação entre as rodas.

2.1.2 O Gerador

O gerador de corrente alternada também funciona pelo princípio descrito pela Lei de Faraday: uma força eletromotriz (tensão) é induzida pela variação do fluxo magnético:

$$e = -N\frac{d\Phi_B}{dt} \tag{2.3}$$

No qual o fluxo magnético Φ_B torna-se variável pela rotação do eixo. As bobinas captam uma tensão senoidal, no qual é fornecida ao sistema. A rotação do eixo é o que determina a freqüência da onda.

$$\Phi_B = B A \tag{2.4}$$

Seja a e b as dimensões do pólo do gerador, que determina a área do fluxo magnético. O rotor em um dado instante estará a um ângulo θ em relação ao campo magnético produzido pelo estator¹. Este ângulo será determinado pela frequência angular de rotação da máquina ω :

$$A = a b \cos \theta \tag{2.5}$$

$$\theta = \omega t \tag{2.6}$$

$$A = a b \cos \omega t \tag{2.7}$$

$$BA = Bab\cos\omega t \tag{2.8}$$

¹Pode também haver a montagem inversa: o rotor produz o campo magnético e o estator capta a energia.

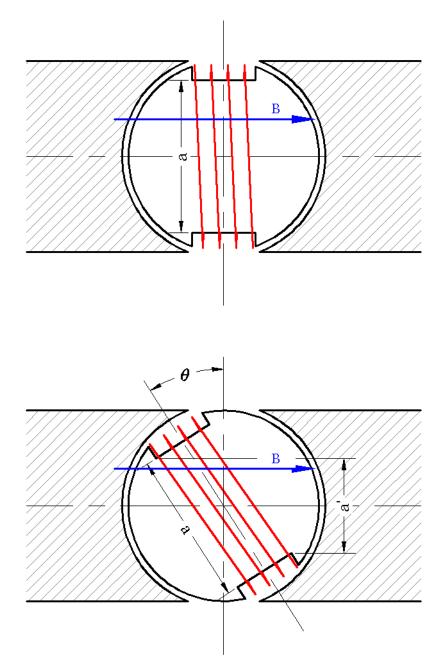


Figura 2.2: O rotor recebe um fluxo magnético de acordo com seu ângulo em relação ao eixo dos pólos. Na figura acima, o fluxo é máximo quando o ângulo é zero, visto pela largura a. Na figura abaixo, o fluxo é menor pois a bobina do rotor está recebendo uma parcela a'. Quando o rotor girar 180^o , a tensão induzida será no sentido contrário.

A variação do fluxo será a variação desta área.

$$\frac{d\Phi_B}{dt} = -\omega \, B \, a \, b \, \sin \omega t \tag{2.9}$$

$$e(t) = N \omega B A \sin \omega t \tag{2.10}$$

Logo a tensão induzida dependerá diretamente de

- 1. Rotação da máquina
- 2. Fluxo magnético produzido
- 3. Número de espiras

A frequência do sistema também é determinada pelos geradores, que no nosso caso é igual a 60 Hz, ou aproximadamente 377 radianos por segundo.

Os geradores CA são em geral mais econômicos que seus equivalentes em corrente contínua. Mais a frente será visto que os geradores CA podem ser trifásicos (capítulo 4), o que aumenta o rendimento deste tipo de máquina.

2.1.3 O Motor

Os motores em corrente alternada possuem uma construção mais simples, o que também os torna mais econômicos que os motores de corrente contínua. Sua desvantagem é, em geral, não ter um controle de velocidade. Mesmo assim, a maioria das aplicações justifica o uso de corrente alternada.

2.1.4 Outras aplicações

Eventualmente, outras aplicações demandam o uso de corrente contínua, o que pode ser realizado a partir de conversores CA-CC (também chamados de retificadores). A área de eletrônica de potência é responsável para a conversão entre sistemas e controle de potência.

2.1.5 O sistema elétrico

Com os equipamentos descritos anteriormente, pode-se vislumbrar um sistema elétrico de grande porte. Seguindo o sentido do fluxo de energia, temos:

- A geração, captando energia de diversas fontes, realizada com tensões relativamente baixas, devido à limitações das máquinas.
- 2. O transformador elevador, instalados próximos dos geradores, aonde consegue-se tensões que podem chegar a 750 kV, como é o caso do Brasil, e proporcionalmente reduzindo as correntes, possibilitando a transmissão da eletricidade.
- 3. A rede de transmissão, que interliga os diversos núcleos geradores e consumidores.
- 4. O transformador abaixador, instalados próximos as centros consumidores, permite reduzir as tensões para níveis de utilização urbanos.
- $5.\,$ A rede de distribuição, que adentra os centros urbanos, em geral da ordem de $13,\!8$ kV.
- 6. Os transformadores abaixadores dos consumidores, reduzindo as tensões para 127 ou 220 V.
- 7. As cargas dos consumidores.

O sistema elétrico pressupõe o uso de dispositivos de proteção, controle e tarifação, entre outros, que permitem assegurar a qualidade do serviço.

2.2 Ondas Senoidais

A corrente alternada, devido à construção dos geradores, origina aproximadamente uma senóide. A onda senoidal² é expressa pela função

$$f(t) = F \sin(\omega t + \phi) \tag{2.11}$$

Aonde:

- F é o valor máximo da senóide, ou amplitude,
- ω a frequência angular (radianos por segundo),
- t o tempo (segundos), e
- ϕ o ângulo de fase (radianos).

 $^{^2{\}rm A}$ abreviatura de seno pode ser "sen" de seno
idal ou "sin" de sinusoidal. A forma "sin" é também usada na língua inglesa.

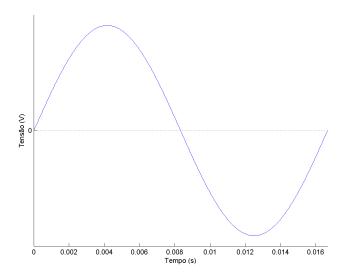


Figura 2.3: Função senoidal

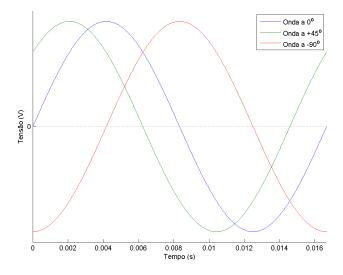


Figura 2.4: Ondas com diferentes ângulos de fase

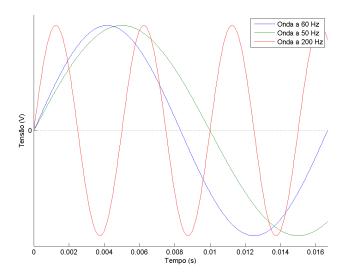


Figura 2.5: Ondas com diferentes frequências

O ângulo de fase é importante quando começamos a realizar operações entre senóides. Ao somarmos duas ondas com o mesmo ângulo de fase (ou simplesmente, "em fase") teremos o valor máximo. Se somarmos duas ondas com ângulos de fase opostos (diferença de 180^{o}) teremos o valor mínimo.

A operação entre senóides é realizada ponto-a-ponto: para cada valor das funções, em um mesmo instante de tempo, é feita a operação.

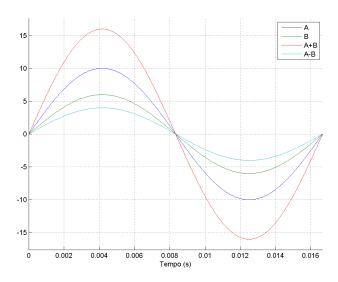


Figura 2.6: Operações com duas ondas em fase

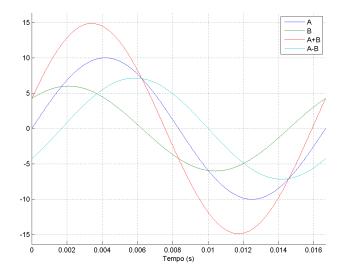


Figura 2.7: Operações com duas ondas defasadas

2.3 Entendendo as Grandezas Elétricas

2.3.1 O sentido do fluxo de energia

Teremos as grandezas em formal senoidal, não só a corrente mas tensão. Como a energia é transmitida, se tanto a corrente como a tensão "vai e volta"?

Para responder esta dúvida comum, basta lembrar que o que importa é a potência, que é expressa por $P=V\,I$. Se multiplicarmos as ondas de tensão e corrente, se estiverem em fase, teremos sempre valores positivos. Logo, percebemos que a potência transmitida é pulsante.

Conforme vamos deixando a onda de tensão defasada da onda de corrente, o que é comum de ocorrer, pode-se perceber que a potência deixa de ser totalmente transmitida. Experimente calcular a onda de potência para uma onda de tensão defasada em 180° da onda de corrente.

2.3.2 Valor eficaz

Esta forma de onda pulsante indica que a potência não é transmitida de forma constante, como é feita em corrente contínua.

Sendo a energia é a integral da potência ao longo do tempo, vemos que podemos chegar a um valor médio (considerando que as ondas de tensão e corrente são senoidais).

Logo, falamos de valores efetivos em grandezas de tensão e corrente os valores no qual teremos a mesma energia em um circuito de corrente contínua, como por exemplo, para aquecer um resistor de um chuveiro.

Este valor, para ondas senoidais, é expresso por

$$V_{\rm ef} = \frac{V_{\rm max}}{\sqrt{2}} \tag{2.12}$$

ou

$$V_{\rm ef} = 0,707V_{\rm max} \tag{2.13}$$

Sendo $V_{\rm max}$ o valor de pico da onda e $V_{\rm ef}$ o valor eficaz.

Ao tratarmos tensão e corrente pelo seu valor efetivo, a produto obtido pode ser tratada como um valor médio da potência para determinação da energia do circuito.

O valor efetivo é também chamado de valor RMS pela sua abreviatura em inglês (root mean square - valor médio quadrático). A rigor, o valor efetivo de uma função é a média da integral do quadrado da função.

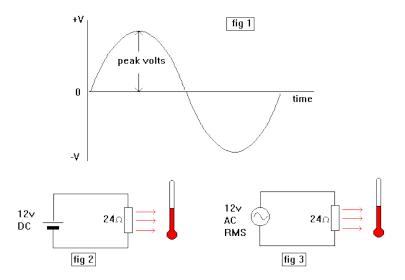


Figura 2.8: Valor efetivo e comparação com corrente contínua. [1]

Quando falamos que a tomada de nossas casas é de 127 V, estamos falando no seu valor RMS. Na verdade o valor de pico é igual a

$$V_{\text{max}} = V_{\text{ef}} \cdot \sqrt{2} = 127 \cdot 1,414 = 179,6 \text{ V}$$
 (2.14)

E se a frequência na rede elétrica do Brasil é de 60 Hz:

$$\omega = 2\pi f = 2 \cdot 3,14159 \cdot 60 \approx 377 \,\text{rad/s}$$
 (2.15)

Logo, a função da onda de tensão residencial é igual a

$$v(t) = 179, 6\sin(377t - \phi) \tag{2.16}$$

Lembrando que a razão $\sqrt{2}$ é válida somente para ondas senoidais³.

2.4 Fasores

Realizar operações entre senóides pode se tornar um processo muito cansativo. Uma forma alternativa e que demanda muito menos tempo é o chamado método fasorial. O fasor é um número complexo que representa uma onda senoidal.

2.4.1 Base teórica

Uma onda senoidal também pode ser expressa pela seguinte forma:

$$f(t) = A\sin\omega t + B\cos\omega t \tag{2.17}$$

No qual dependendo dos valores de A e B a onda possuirá um ângulo de fase. Sendo a freqüência igual para ambas as parcelas, a onda pode ser expressa somente por A e B.

Estes dois números podem ser interpretados como coordenadas de um vetor. De fato, se visualizarmos este vetor em rotação a uma velocidade angular ω , ele descreverá um círculo. Deste círculo podemos extrair o seno e cosseno, que correspondem exatamente à função f(t).

Este vetor em rotação é chamado de fasor. Sua notação matemática é

$$\dot{Z} = a + jb \tag{2.18}$$

No qual trata-se de um número complexo. Sendo que

$$j = \sqrt{-1} \tag{2.19}$$

 $^{^3}$ Esta dúvida não assola somente o estudante. Existam para vender multímetros que supostamente medem o valor RMS, mas que somente usavam a razão $\sqrt{2}$. Atualmente existem medidores chamados "true RMS", que realizam o cálculo exato do valor RMS através de integração.

2.4. FASORES 21

A figura ?? ilustra que o complexo, assim como um vetor, também possui uma representação polar, indicada pela forma

$$\dot{Z} = Z/\phi \tag{2.20}$$

Esta representação, não por acaso, corresponde à forma da função senoidal

$$f(t) = Z\sin(\omega t + \phi) \tag{2.21}$$

A freqüência angular ω não é explicitada na notação complexa pois se pressupõe-se que o sistema inteiro encontra-se na mesma freqüência.

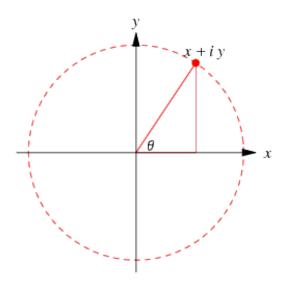


Figura 2.9: Rotação do fasor descrevendo uma circunferência.

Ocasionalmente pode ser usada a notação $\dot{Z}=Z/\phi,$ no qual Z corresponde ao módulo de $\dot{Z}.$

2.4.2 Alguns números complexos

Todos os números reais, em notação complexa, possuem ângulo zero, por exemplo:

$$1 = 1/0^{o} (2.22)$$

Os imaginários puros possuem ângulo de 90 graus, por exemplo:

$$j = 1/90^{\circ} \tag{2.23}$$

Um número real negativo também pode ser expresso por um módulo positivo e um ângulo de 180 graus:

$$-1 = 1/180^o (2.24)$$

2.4.3 Conversão entre notação polar e retangular

A transformação de coordenadas são características de um triângulo:

$$Z = \sqrt{a^2 + b^2} \tag{2.25}$$

$$\phi = \tan^{-1} \frac{b}{a} \tag{2.26}$$

$$a = Z \cdot \sin \phi \tag{2.27}$$

$$b = Z \cdot \cos \phi \tag{2.28}$$

Estas conversões estão disponíveis nas calculadoras científicas. Algumas instruções podem ser encontradas no anexo A, página 75.

2.4.4 Funções típicas

• Parte real:

$$\Re(\dot{Z}) = a \tag{2.29}$$

• Parte imaginária:

$$\Im(\dot{Z}) = b \tag{2.30}$$

• Módulo:

$$\operatorname{mod}(\dot{Z}) = \left| \dot{Z} \right| = Z \tag{2.31}$$

• Argumento (ou ângulo):

$$\arg(\dot{Z}) = \phi \tag{2.32}$$

• Conjugado:

$$\operatorname{conj}(\dot{Z}) = \dot{Z}^* = a - ib \tag{2.33}$$

2.4.5 Operações entre números complexos

Soma e subtração: realizar na forma retangular.

Sendo $\dot{Y} = a + jb \ e \ \dot{Z} = c - jd$:

$$\dot{Y} + \dot{Z} = (a+c) + j(b+d) \tag{2.34}$$

$$\dot{Y} - \dot{Z} = (a - c) + j(b - d) \tag{2.35}$$

Multiplicação e divisão: realizar na forma $polar^4$.

Sendo $\dot{Y} = r/\phi$ e $\dot{Z} = s/\theta$:

$$\dot{Y} \cdot \dot{Z} = (r \cdot s)/\phi + \theta \tag{2.36}$$

$$\frac{\dot{Y}}{\dot{Z}} = \frac{r}{s} / \phi - \theta \tag{2.37}$$

Curiosamente, o imaginário negativo é igual ao inverso do imaginário:

$$-j = 1/-90^{\circ} = 1/270^{\circ} = \frac{1}{j}$$
 (2.38)

$$1/360^o = 1/0^o \tag{2.39}$$

Não se esquecendo também que $j = \sqrt{-1}$, logo

$$j^2 = -1 (2.40)$$

Uma propriedade importante do conjugado é quando o multiplicamos pelo próprio número original, resultando no quadrado do módulo:

$$\dot{Z} \cdot \dot{Z}^* = Z/\underline{\phi} \cdot Z/\underline{-\phi} = Z^2/\underline{\phi} - \underline{\phi} = Z^2$$
 (2.41)

$$\dot{Y} \cdot \dot{Z} = a \cdot c - b \cdot d + j(b \cdot c + a \cdot d)$$

$$\frac{\dot{Y}}{\dot{Z}} = \frac{a \cdot c + b \cdot d}{a^2 + b^2} + j \frac{a \cdot d - b \cdot c}{a^2 + b^2}$$

 $^{^4{\}rm N}$ ão é proibido fazer estas contas em forma retangular, somente serão mais trabalhosas. Seguindo a mesma convenção em 2.34 e 2.35:

2.5 Representação de elementos elétricos em forma complexa

2.5.1 Fontes de tensão

As fontes produzirão tensão de forma complexa. Estas fontes podem estar ou não defasadas. Caso exista somente uma fonte no circuito, por convenção, seu ângulo de fase será zero.

2.5.2 Impedância

Em uma análise de circuitos CA, a grande facilidade no método fasorial é em unir resistências, capacitâncias e indutâncias em um único elemento "genérico", no qual chamamos de *impedância*. Isto será possível se considerarmos que os elementos não alteram a forma de onda, ou seja, se tivermos uma tensão senoidal, obteremos uma corrente senoidal, e vice-versa.

A impedância é um valor em número complexo, no qual também relaciona as tensões e correntes de um circuito. Logo, a impedância também pode ser expressa em ohms.

O símbolo usual de impedância é \dot{Z} , incluindo o indicador de número complexo. A Lei de Ohm em forma complexa torna-se

$$\dot{V} = \dot{Z} \cdot \dot{I} \tag{2.42}$$

2.5.3 Resistência

A resistência não altera a fase de tensões e correntes. Logo, possuirá somente a parte real, o que indica que o resistor consome energia.

$$\dot{V} = \dot{Z}_R \cdot \dot{I} = R \cdot \dot{I} \tag{2.43}$$

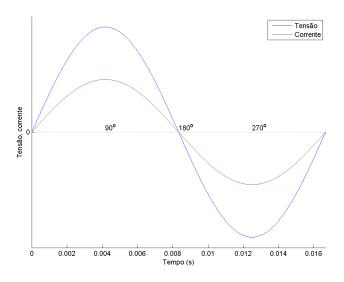


Figura 2.10: Relação entre tensão e corrente em um resistor.

2.5.4 Capacitância

O capacitor possui a característica de armazenar tensão, e corrente é proporcional à variação de tensão. Caso a alimentação seja igual a

$$v = V_{max}\sin(\omega t) \tag{2.44}$$

A corrente no capacitor será

$$i = C\frac{dv}{dt} = C\omega V_{max}\cos(\omega t) = C\omega V_{max}\sin(\omega t + 90^{\circ})$$
(2.45)

Logo o capacitor atrasa a tensão em relação à corrente, conforme ilustra a figura 2.11.

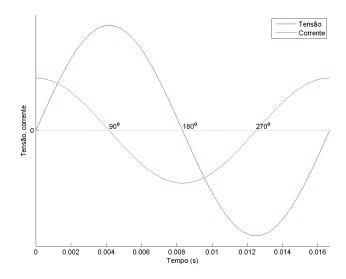


Figura 2.11: Relação entre tensão e corrente em um capacitor.

Em notação fasorial, teremos

$$\dot{V} = \frac{\dot{I}}{\omega C/90^{\circ}} = \frac{\dot{I}}{\omega C}/-90^{\circ} = -j\frac{\dot{I}}{\omega C} = \frac{\dot{I}}{j\omega C}$$
 (2.46)

Logo a impedância de um capacitor possuirá somente uma parte imaginária, o que indica que armazena energia.

Esta parcela de "capacitância pura" também pode ser chamada de reatância capacitiva:

$$X_C = \frac{1}{\omega C} \tag{2.47}$$

$$\dot{V} = -iX_C \cdot \dot{I} \tag{2.48}$$

2.5.5 Indutância

De forma similar, o indutor armazena corrente, e a tensão será proporcional à variação de corrente:

$$i = I_{max}\sin(\omega t) \tag{2.49}$$

$$v = L\frac{di}{dt} = L\omega I_{max}\cos(\omega t) = L\omega I_{max}\sin(\omega t + 90^{\circ})$$
(2.50)

Logo o indutor atrasa a corrente em relação à tensão. conforme ilustra a figura 2.12.

Em notação fasorial:

$$\dot{V} = \omega L \cdot \dot{I} / 90^{\circ} = j \omega L \cdot \dot{I}$$
 (2.51)

Esta parcela de "indutância pura" também pode ser chamada de reatância indutiva:

$$X_L = \omega L \tag{2.52}$$

$$\dot{V} = jX_L \cdot \dot{I} \tag{2.53}$$

2.6 Análise de Circuitos de Corrente Alternada

A partir da aplicação da análise fasorial, o cálculo de circuitos CA torna-se mais prático. Lembrando-se que este método é válido somente para circuitos lineares, com grandezas senoidais na mesma freqüência.

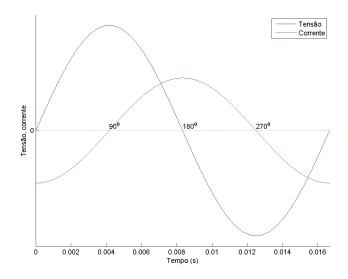


Figura 2.12: Relação entre tensão e corrente em um indutor.

2.6.1 Uma consideração

Da forma como foi explicado anteriormente, pressupõe-se que o módulo do fasor seja o seu valor de pico. Porém, é comum usar os valores eficazes (RMS) de tensão e corrente, pois desta forma podemos calcular diretamente a potência no circuito (conforme será visto adiante).

2.6.2 Circuitos resistivos

Uma resistência não altera a fase de uma grandeza, logo seu cálculo é direto, seguindo a lei de Ohm.

2.6.3 Circuitos indutivos

2.6.3.1 Indutância pura⁵

Ao aplicar uma tensão no indutor, a corrente será defasada em -90°, ou seja, em atraso. Logo, o indutor estará "segurando" a corrente.

2.6.3.2 Circuito RL série

Neste caso a corrente no resistor e no indutor será a mesma.

$$\dot{Z} = R - jX_L = R - j\omega L \tag{2.54}$$

$$\dot{I} = \frac{\dot{V}}{\dot{Z}} = \frac{V/0^{\circ}}{Z/\theta} = \frac{V}{Z}/-\theta = I/-\theta$$
 (2.55)

O ângulo θ dependerá da relação entre o resistor e o indutor.

$$\theta = \tan^{-1} \frac{X_L}{R} = \tan^{-1} \frac{\omega L}{R} \tag{2.56}$$

Agora, calculada a corrente, determinamos as tensões em cada componente:

$$\dot{V_R} = R \cdot \dot{I} = R \cdot I / -\theta \tag{2.57}$$

$$\dot{V}_L = j X_L \cdot \dot{I} = X_L / 90^o \left(I / - \theta \right) = I \cdot X_L / - \theta + 90^o$$
(2.58)

Perceba que as tensões do resistor e do indutor $n\tilde{a}o$ estão em fase. O diagrama fasorial ilustra o resultado, concluíndo que $\dot{V} = \dot{V}_R + \dot{V}_L$ e esta é uma soma fasorial.

 $^{^5}$ Trata-se de um circuito hipotético, pois toda indutância possui, pelo menos, a resistência do próprio fio.

2.6.3.3 Circuito RL paralelo

Neste caso a tensão é igual nos dois componentes. Calcula-se a corrente em cada um:

$$\dot{I}_R = \frac{\dot{V}}{R} = \frac{V}{R} \frac{/0^o}{} \tag{2.59}$$

$$\dot{I_L} = \frac{\dot{V}}{\dot{Z_L}} = \frac{\dot{V}}{j X_L} = \frac{V/0^o}{X_L/90^o} = \frac{V}{X_L}/-90^o$$
 (2.60)

A corrente total será a soma fasorial das correntes

$$\dot{I} = \dot{I}_R - \dot{I}_L = \frac{V}{R} \frac{\sqrt{0^o}}{\sqrt{0^o}} - \frac{V}{X_L} \frac{\sqrt{-90^o}}{\sqrt{0^o}} = \frac{V}{R} - j\frac{V}{X_L}$$
(2.61)

$$\dot{I} = V\left(\frac{1}{R} - j\frac{1}{X_L}\right) \tag{2.62}$$

A corrente terá um ângulo igual a

$$\theta = \tan^{-1} - \frac{1/X_L}{1/R} = \tan^{-1} - \frac{R}{X_L}$$
 (2.63)

2.6.4 Circuitos capacitivos

2.6.4.1 Capacitância pura

Um circuito hipotético, pois toda capacitância possui, pelo menos, uma resistência do próprio fio. Ao aplicar uma tensão no capacitor, a corrente será defasada em 90°, ou seja, em avanço. Ou seja, a corrente aparece antes de haver tensão no capacitor, pois ele ainda estará carregando.

2.6.4.2 Circuito RC série

Seguindo a mesma analogia do circuito RL:

$$\dot{Z} = R - j X_C = R - j \frac{1}{\omega C} \tag{2.64}$$

$$\dot{I} = \frac{\dot{V}}{\dot{Z}} = \frac{V/0}{Z/\theta} = \frac{V}{Z}/-\theta = I/-\theta \tag{2.65}$$

$$\theta = \tan^{-1} \frac{X_C}{R} = \tan^{-1} \frac{1/\omega C}{R} = \tan^{-1} \frac{1}{\omega R C}$$
 (2.66)

O ângulo θ será negativo, logo o ângulo da corrente será positiva, ou seja, em avanço. Calcula-se as tensões:

$$\dot{V}_R = R \, \dot{I} = R \cdot I / - \theta \tag{2.67}$$

$$\dot{V}_C = j X_C \cdot \dot{I} = \left(X_C / 90^o \right) \cdot I / - \theta \tag{2.68}$$

$$\dot{V}_C = \left(\frac{1}{\omega C} / 90^o\right) I / - \theta = \frac{I}{\omega C} / 90^o - \theta \tag{2.69}$$

2.6.4.3 Circuito RC paralelo

Para o paralelo, segue-se a mesma filosofia. Agora a tensão é conhecida, e procura-se as correntes em cada elemento.

$$\dot{I_R} = \frac{\dot{V}}{R} = \frac{V}{R/0} \tag{2.70}$$

$$\dot{I_C} = \frac{\dot{V}}{\dot{Z_C}} = \frac{\dot{V}}{j X_C} = \frac{V/0}{X_C/-90^o} = \frac{V}{X_C}/90^o$$
 (2.71)

A corrente total será a soma fasorial das correntes:

$$\dot{I} = \dot{I}_R + \dot{I}_C = \frac{V}{R} / 0 + \frac{V}{X_C} / 90^o = \frac{V}{R} + j \frac{V}{X_C}$$
(2.72)

$$\dot{I} = V\left(\frac{1}{R} + j\frac{1}{X_C}\right) \tag{2.73}$$

A corrente terá um ângulo igual a

$$\theta = \tan^{-1} \frac{1/X_C}{1/R} = \tan^{-1} \frac{R}{X_C} \tag{2.74}$$

2.6.5 Associação de impedâncias

A associação de impedâncias segue a mesma regra da associação de resistores em um circuito CC, mas utilizando-se de álgebra de números complexos:

2.6.5.1 Série:

$$\dot{Z}_{eg} = \dot{Z}_1 + \dot{Z}_2 + \dots + \dot{Z}_n \tag{2.75}$$

2.6.5.2 Paralelo:

$$\frac{1}{\dot{Z}_{eq}} = \frac{1}{\dot{Z}_1} + \frac{1}{\dot{Z}_2} + \dots + \frac{1}{\dot{Z}_n} \tag{2.76}$$

O inverso da impedância é chamado de admitância. O inverso da reatância é chamado de susceptância. Ambos tem como medida o siemens (símbolo S).

2.6.6 Circuitos RLC

A combinação dos três elementos básicos permite o estudo de oscilações.

2.6.6.1 Circuito LC série (hipotético)

Suponha um indutor e um capacitor em uma associação série. As reatâncias do indutor e do capacitor são variáveis pela freqüência:

$$X_C = -\frac{1}{\omega C} \tag{2.77}$$

$$X_L = \omega L \tag{2.78}$$

Haverá uma determinada freqüência no qual as reatâncias irão se igualar, logo:

$$\dot{Z}_L = j X_L \tag{2.79}$$

$$\dot{Z}_C = j X_C \tag{2.80}$$

$$\dot{Z}_{eq} = \dot{Z}_C + \dot{Z}_L \tag{2.81}$$

$$\dot{Z}_C = -\dot{Z}_L \tag{2.82}$$

$$\dot{Z}_{eq} = 0 \tag{2.83}$$

Neste ponto dizemos que o circuito está em ressonância. O que significa que o indutor está em uma troca de energia direto com o capacitor, no qual um anula o outro no circuito. Este estado pode ou não ser desejável. Um exemplo de uso de ressonância é na transmissão de ondas eletromagnéticas (rádio, TV, celular).

A frequência de ressonância de um circuito pode ser calculada:

$$X_L = X_C (2.84)$$

$$\omega L = \frac{1}{\omega C} \tag{2.85}$$

$$\omega^2 = \frac{1}{LC} \tag{2.86}$$

$$\omega = \frac{1}{\sqrt{LC}} \tag{2.87}$$

ou

$$f = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}}\tag{2.88}$$

2.6.6.2 Circuito LC paralelo (hipotético)

Neste caso ocorre o contrário:

$$\frac{1}{\dot{Z}_{eq}} = \frac{1}{\dot{Z}_C} + \frac{1}{\dot{Z}_L} = \frac{\dot{Z}_C + \dot{Z}_L}{\dot{Z}_C \cdot \dot{Z}_L}$$
 (2.89)

$$\dot{Z}_{eq} = \frac{\dot{Z}_C \cdot \dot{Z}_L}{\dot{Z}_C + \dot{Z}_L} \tag{2.90}$$

$$\dot{Z}_C = -\dot{Z}_L \tag{2.91}$$

Logo ocorre uma divisão por zero:

$$\dot{Z}_{eq} \to \infty$$
 (2.92)

Neste caso as energias são trocadas entre o indutor e o capacitor, mas agora impedindo que haja corrente circulando!

2.6.6.3 Circuito RLC série

A inserção de um elemento resistivo indica o ponto de saída da energia.

$$\dot{Z}_{eq} = \dot{Z}_R + \dot{Z}_L + \dot{Z}_C \tag{2.93}$$

Aqui o circuito pode estar em três situações:

- Predominantemente capacitivo: $|X_C| > |X_L|$
- Predominantemente indutivo: $|X_L| > |X_C|$
- Resistivo ou em ressonância: $|X_C| = |X_L|$, e em consequência:

$$\dot{Z}_{eq} = \dot{Z}_R \tag{2.94}$$

Este estado varia conforme a freqüência varia:

- quanto maior a frequência, maior a reatância indutiva e menor a reatância capacitiva,
- quanto menor a frequência, menor a reatância indutiva e maior a reatância capacitiva.

Pode-se perceber que a corrente será máxima quando o circuito encontra-se em ressonância.

2.6.6.4 Circuito RLC paralelo

De forma análoga:

$$\frac{1}{\dot{Z}_{eq}} = \frac{1}{\dot{Z}_R} + \frac{1}{\dot{Z}_L} + \frac{1}{\dot{Z}_C} \tag{2.95}$$

2.7. EXEMPLOS 29

2.6.6.5 Circuitos mistos

A partir destas configurações vistas nas seções anteriores, é possível compreender o comportamento de circuitos mistos. Com o uso do método fasorial, basta realizar o cálculo da impedância equivalente da mesma forma que na corrente contínua. Os efeitos de cada configuração são totalmente diversificados!

De fato, espera-se que o aluno não se preocupe em decorar cada tipo de circuito, basta entender o método fasorial e a álgebra complexa, que serão válidos para qualquer circuito em CA.

2.7 Exemplos

2.7.1 Primeiro exemplo

Calcule a corrente fornecida pela fonte no circuito da figura 2.13, considerando uma frequência de 60 Hz.

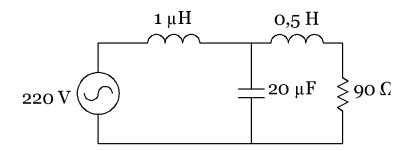


Figura 2.13: Primeiro exemplo

Considerações: o indutor de $1 \mu H$ será de valor desprezível a 60 Hz, perto dos outros elementos do circuito (calcule e confira).

$$\omega = 2 \pi f = 377 \,\text{rad/s}$$

$$\dot{Z}_R = R = 90 \,\Omega$$

$$\dot{Z}_L = j \,\omega \,L = j \cdot 377 \cdot 0, 5 = j \,188, 5 \,\Omega$$

$$\dot{Z}_C = -j \frac{1}{\omega \,C} = -j \,\frac{1}{377 \cdot 20 \cdot 10^{-6}} = -j \,132, 62 \,\Omega$$

$$\dot{Z}_{eq1} = \dot{Z}_R + \dot{Z}_L = 90 + j \,188, 5 \,\Omega = 208, 88 / 64, 48^o \,\Omega$$

Lembrando que para somar e subtrair, usar os complexos em forma retangular, e para multiplicar e dividir, usar os complexos em forma polar.

$$\begin{split} \dot{Z}_{eq} &= \dot{Z}_{eq1} \parallel \dot{Z}_C = \frac{\dot{Z}_{eq1} \, \dot{Z}_C}{\dot{Z}_{eq1} + \dot{Z}_C} = \frac{208,88/64,48^o \cdot 132,62/-90^o}{90 + j188,5 - j132,62} \\ \\ \dot{Z}_{eq} &= \frac{27702/25,52^o}{90 + j55,88} = \frac{27702/25,52^o}{105,94/31,84^o} = 261,49/-57,36^o \, \Omega \\ \\ \dot{I} &= \frac{\dot{V}}{\dot{Z}} = \frac{220/0^o}{261,49/-57,36^o} = 0,8413/57,36^o \, \Lambda \end{split}$$

Como desprezamos o indutor de $1\,\mu\mathrm{H}$, a tensão sobre o capacitor será igual a 220 V. Caso contrário, deveríamos calcular a queda de tensão no indutor e verifica o que sobra para o resto do circuito.

$$\dot{V}_C = 220/0^o \, \mathrm{V}$$

Podemos calcular a corrente no capacitor:

$$\dot{I}_C = \frac{\dot{V}_C}{\dot{Z}_C} = \frac{220/0^o}{132,62/-90^o} = 1,6589/90^o\,\mathrm{A}$$

A tensão sobre o braço RL também será de 220 V, pois está em paralelo com o capacitor. Podemos calcular a corrente, apelidando-a de \dot{I}_1 .

$$\dot{I}_1 = \frac{\dot{V}}{\dot{Z}_{eq1}} = \frac{220 / 0^o}{208, 88 / 64, 48^o} = 1,0532 / -64,48^o \, \mathrm{A}$$

Como forma de verificação, assim como temos na corrente contínua, a relação $\dot{I} = \dot{I}_C + \dot{I}_1$ deve ser verdadeira! Verifique, lembrando de passar para a forma retangular.

Para completar a análise, temos as quedas de tensão no resistor e no indutor. Eles compartilham a mesma corrente \dot{I}_1 .

$$\dot{V}_R = \dot{I}_1 \cdot \dot{Z}_R = 1,0532/-64,48^o \cdot 90 = 94,7898/-64,48^o \, \mathrm{V}$$

$$\dot{V}_L = \dot{I}_1 \cdot \dot{Z}_L = 1,0532 / -64,48^{\circ} \cdot 188,5 / 90^{\circ} = 198,5319 / 25,52^{\circ} \text{ V}$$

Novamente, como verificação, a relação $\dot{V}=\dot{V}_R+\dot{V}_L$ deve ser verdadeira.

2.7.2 Segundo exemplo

(ressonância)

2.7.3 Terceiro exemplo

(ressonância dupla)

Capítulo 3

Potência e energia

3.1 Introdução

A potência é a questão da maioria dos circuitos elétricos. Percebe-se que somente a resistência consome energia, os outros elementos, capacitores e indutores, armazenam energia em um momento, lançando de volta para o circuito no instante seguinte.

3.1.1 Potência em circuitos resistivos

Já sabemos que, em uma resistência, tensão e corrente estão em fase:

$$v(t) = V \sin \omega t \tag{3.1}$$

$$i(t) = I \sin \omega t \tag{3.2}$$

$$p(t) = v(t) \cdot i(t) = V \cdot I \sin^2 \omega t = \frac{V \cdot I}{2} \left[1 - \cos(2\omega t) \right]$$
 (3.3)

Analisando, percebe-se que a potência sempre será positiva.

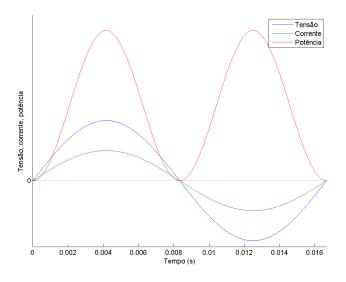


Figura 3.1: Potência em um circuito resistivo

3.1.2 Potência em circuitos reativos

Tensão e potência possuem uma diferença de fase de 90 graus:

$$v(t) = V \sin \omega t \tag{3.4}$$

$$i(t) = I\sin(\omega t + 90^{\circ}) = I\cos\omega t \tag{3.5}$$

$$p(t) = V \cdot I \sin(\omega t) \cos(\omega t) = \frac{V \cdot I}{2} \sin(2\omega t)$$
 (3.6)

3.1.3 Potência em circuitos mistos

Neste caso, tensão e potência possuem uma diferença de fase entre 0 e 90 graus:

$$v(t) = V \sin \omega t \tag{3.7}$$

$$i(t) = I\sin(\omega t + \phi) \tag{3.8}$$

$$p(t) = V \cdot I \sin(\omega t) \sin(\omega t + \phi) = \frac{V \cdot I}{2} \left[\cos \phi - \cos(2\omega t + \phi)\right]$$
 (3.9)

Esta diferença de fase fará com que parte da potência seja negativa, ou seja, parte da energia retorna ao circuito. Quanto maior for o ângulo de fase, maior será o retorno. No caso extremo, uma diferença de fase de 90°, toda a potência retorna e nada é consumido.

A potência reativa é indesejável, mas ela é parte integrante de qualquer circuito magnético, aonde está incluso a grande maioria dos motores elétricos, largamente utilizados na indústria. É um fenômeno que devemos conviver.

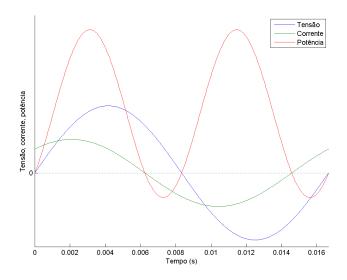


Figura 3.2: Potência com defasagem de 45° entre tensão e corrente

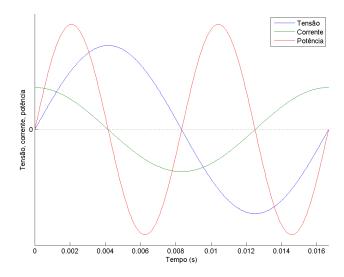


Figura 3.3: Potência com defasagem de 90^o entre tensão e corrente

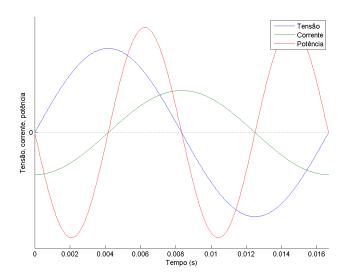


Figura 3.4: Potência com defasagem de -90^o entre tensão e corrente

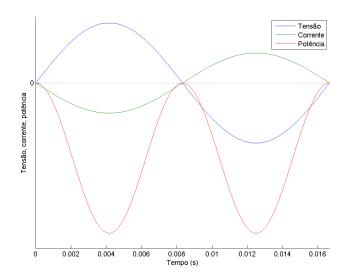


Figura 3.5: Potência com defasagem de 180^o entre tensão e corrente

3.2 Tipos de Potência

Para simplificar os estudos e compatibilizar com o método fasorial, a potência em um circuito pode ser dividida em três partes:

• Potência ativa: a potência consumida por resistores, expressa em watt (W).

$$P = R \cdot I^2 \tag{3.10}$$

• Potência reativa: a potência que retorna dos indutores e capacitores, expressa em volt ampere reativo (Var). A equação é similar, trocando somente a resistência pela reatância (capacitiva ou indutiva).

$$Q = X \cdot I^2 \tag{3.11}$$

Neste caso teremos uma potência reativa positiva, proveniente dos circuitos indutivos (X > 0) e uma potência reativa negativa, proveniente dos circuitos capacitivos (X < 0). Logo, a combinação de indutores e capacitores permite que um absorva a potência reativa do outro.

• Potência aparente: a potência ativa e reativa combinada, expressa em volt ampere (VA).

$$\dot{S} = \dot{Z} \cdot \dot{I} \cdot \dot{I}^* = \dot{Z} \cdot I^2 \tag{3.12}$$

A potência aparente é o produto da tensão e o conjugado da corrente, em forma complexa:

$$\dot{S} = \dot{V} \cdot \dot{I}^* \tag{3.13}$$

O módulo da potência aparente é a multiplicação dos módulos da tensão e corrente:

$$S = V \cdot I \tag{3.14}$$

Desenvolvendo:

$$\dot{S} = \dot{Z} I^2 = (R + j X) I^2 = R I^2 + j X I^2 = P + j Q$$
(3.15)

A potência aparente será, então, um número complexo, no qual a parte real será a potência ativa e a parte imaginária a potência reativa.

3.2.1 Triângulo de potências

As três potências se relacionam pelo triângulo:



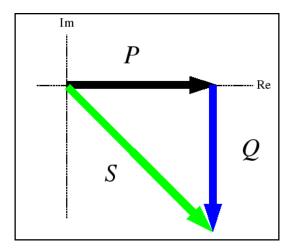


Figura 3.6: Relação entre potências

O ângulo da potência aparente será o mesmo ângulo da impedância. As potências ativa e reativa podem ser calculadas a partir deste ângulo:

$$P = \Re\left(\dot{S}\right) = S\,\cos\phi = V\,I\,\cos\phi\tag{3.17}$$

$$Q = \Im\left(\dot{S}\right) = S\sin\phi = VI\sin\phi \tag{3.18}$$

Esta relação é mesma vista para números complexos.

3.3 Fator de Potência

O fator de potência é usado para determinar se um circuito está com muita potência reativa. A potência reativa "puxa" muita corrente, mas esta potência não realiza nenhum trabalho! A corrente acaba aquecendo cabos e sobrecarregando circuitos, havendo portanto um desperdício de energia.

O fator de potência é a relação entre a potência ativa e a potência aparente. Verifica-se que o fator de potência é o cosseno do ângulo da impedância.

$$fp = \frac{P}{S} = \frac{S\cos\phi}{S} = \cos\phi \tag{3.19}$$

Percebe-se que um fator de potência baixo é sinal de um alto reativo, ou seja, a energia não está sendo devidamente aproveitada. Um fator de potência unitário significa que o circuito é resistivo, ou seja, toda a potência está sendo consumida.

Na indústria, o fator de potência é uma medida importante pois ele é *tarifado*. Um consumidor que deixa o fator de potência baixo sofre multas, pois está solicitando corrente da concessionária somente para reativos. Cada empresa distribuidora de energia possui seus critérios de uso de potência reativa.

3.4 Medindo a potência

Os aparelhos básicos de medição elétrica são:

- $\bullet\,$ Voltímetro, medindo a tensão V,
- Amperímetro, medindo a corrente I,

 \bullet Watímetro, medindo a potência ativa P.

Observando que os aparelhos não fornecem as leituras em números complexos. A leitura será o módulo de cada grandeza, não sabemos a princípio os ângulos. Mas, a partir destes três aparelhos, pode-se levantar as outras grandezas do circuito.

A potência aparente:

$$S = V I \tag{3.20}$$

O fator de potência:

$$\cos \phi = \frac{P}{S} \tag{3.21}$$

A potência reativa:

$$Q = \sqrt{S^2 - P^2} (3.22)$$

A resistência:

$$R = \frac{V^2}{P} \tag{3.23}$$

ou

$$R = \frac{P}{I^2} \tag{3.24}$$

A reatância:

$$X = \frac{V^2}{Q} \tag{3.25}$$

ou

$$X = \frac{Q}{I^2} \tag{3.26}$$

A impedância do circuito:

$$Z = R \pm j X \tag{3.27}$$

Agora, não é possível, com estas três medições, determinar se a carga é indutiva ou capacitiva. Para o exemplo acima, tanto para X positivo ou negativo, os resultados serão os mesmos.

Em instalação mais completas, são utilizados medidores de potência reativa, fator de potência, frequência, etc. Atualmente existem centrais microprocessadas para a medição de diversas grandezas elétricas.

3.5 Compensação de reativos em uma instalação

As indústrias em geral possuem instalações essencialmente indutivas, representadas pelos motores elétricos e iluminação fluorescente. Logo, o fator de potência das indústrias é baixo. Por determinação dos órgãos reguladores, o fator de potência de uma instalação industrial deve estar acima de 0,92 indutivo.

Para compensação dos reativos dos indutores, é necessário instalar capacitores para absorver a potência reativa. A relação, de forma aproximada, é simples: para absorver, por exemplo, 100 kVar de reativo, é necessário um banco de capacitores que produza -100 kVar.

3.5.1 Exemplo

Seja uma instalação de um motor elétrico, representado de forma simplificada por uma resistência de $5\,\Omega$ e uma indutância de $20\,\mathrm{mH}$, em série. O motor está instalado em uma rede com $380\,\mathrm{V}$ a $60\,\mathrm{Hz}$, e a resistência dos cabos é igual a $0,6\,\Omega$. Determinar a corrente, tensão e potências no motor, bem como as perdas nos cabos.

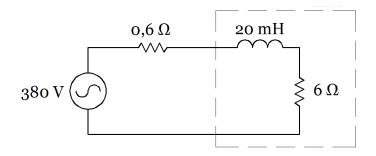


Figura 3.7: Exemplo de circuito com baixo fator de potência

$$\omega = 2 \pi f = 377 \,\text{rad/s}$$

$$R = 5 \,\Omega$$

$$r = 0, 6 \,\Omega$$

$$\dot{Z}_L = j \,\omega \,L = j \cdot 377 \cdot 20 \cdot 10^{-3} = j \,7, 54 \,\Omega$$

$$\dot{Z}_M = R + \dot{Z}_L = 5 + j \,7, 54 = 9, 047 / 56, 45^o \,\Omega$$

$$\dot{Z}_{eq} = r + \dot{Z}_M = 5, 6 + j \,7, 54 = 9, 392 / 53, 40^o \,\Omega$$

$$\dot{I} = \frac{\dot{V}}{\dot{Z}_{eq}} = \frac{380 / 0^o}{9, 392 / 53, 40^o} = 40, 46 / -53, 40^o \,\Lambda$$

A corrente intensa provocará uma perda considerável nos cabos:

$$\dot{V}_r = r \, \dot{I} = 0, 6 \cdot 40, 46 / -53, 40^o = 24,276 / -53, 40^o \, \text{V}$$

$$P_r = \Re\left(\dot{V}_r \cdot \dot{I}^*\right) = \Re\left(24,276 / -53,40^o \cdot 40,46 / 53,40^o\right) = 982,21 \text{ W}$$

A tensão no motor pode ser calculada por duas formas:

$$\dot{V}_M = \dot{V} - \dot{V}_r$$

ou

$$\dot{V}_M = \dot{Z}_M \cdot \dot{I}$$

Escolhendo a segunda opção

$$\dot{V}_M = 9,047\underline{/56,45^o} \cdot 40,46\underline{/-53,40^o} = 366,04\underline{/3,05^o} \, \mathrm{V}$$

Chegando a quase 5% de q.d.t..

A potência aparente no motor é calculada por

$$\dot{S} = \dot{V}_M \cdot \dot{I}^* = 366,04/3,05^o \cdot 40,46/53,40^o = 14,81/56,45^o \, \mathrm{kVA}$$

Em notação retangular:

$$\dot{S} = P + jQ = 8,145 + j12,343 \,\text{kVA}$$

$$P = 8,145 \,\text{kW}$$

$$Q = 12,343 \,\mathrm{kVar}$$

A parte reativa mostra-se muito alta. O fator de potência confirma:

$$fp = \cos \phi = \cos 56, 45^{\circ} = 0, 55$$

Logo, procura-se instalar um capacitor que compense este reativo.

$$Q_C = 12,343 \,\mathrm{kVar}$$

Considerando como aproximação que o capacitor encontra-se na mesma tensão da fonte (podese refinar o resultado em uma segunda etapa, obtendo a tensão real no ponto de instalação), sua potência reativa será a parte imaginária (3) do produto desta tensão com a corrente no capacitor:

$$Q_C = \Im\left(\dot{V} \cdot \dot{I}_C^*\right)$$

Pois sabe-se que um capacitor consumirá uma potência na forma $\dot{S} = -j Q_C$. A corrente depende da impedância do capacitor:

$$\dot{I}_C = \frac{\dot{V}}{\dot{Z}_C}$$

$$\dot{Z}_C = -j\frac{1}{\omega C}$$

Juntando todas as partes:

$$\dot{I}_C = i \dot{V} \omega C$$

$$Q_C = \Im\left(-j\,\dot{V}\cdot\dot{V}^*\,\omega\,C\right)$$

Pegando-se só a parte imaginária, corta-se o j, e multiplicando um complexo pelo seu conjugado, teremos o quadrado do seu módulo, obtendo

$$Q_C = V^2 \omega C$$

$$C = \frac{Q_C}{V^2 \,\omega} \tag{3.28}$$

Esta é a equação para o cálculo do capacitor, a partir da potência reativa desejada. Vamos aplicá-la no nosso exemplo:

$$C = \frac{12343}{380^2 \cdot 377} = 226,7 \,\mu\text{F}$$

Inserindo o capacitor no circuito, próximo ao motor¹:

 $^{^1}$ Existem vantagens e desvantagens em instalar um banco de capacitores próximo ao motor ou próximo da entrada de energia. Procure pesquisar sobre isto.

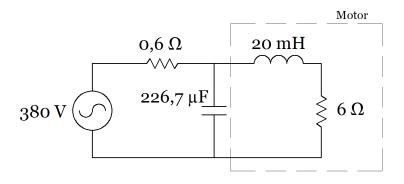


Figura 3.8: O circuito com o capacitor instalado próximo ao motor

$$\begin{split} \dot{Z}_c &= -j\frac{1}{\omega C} = -j\frac{1}{377 \cdot 226, 7 \cdot 10^{-6}} = -j11, 7\,\Omega \\ \\ \dot{Z}_{eq1} &= \dot{Z}_c \parallel \dot{Z}_M = \frac{11, 7/-90^o \cdot 9, 047/56, 45^o}{-j11, 7+5+j7, 54} = \frac{105, 85/-33, 55^o}{6, 504/-39, 76^o} = 16, 275/6, 21^o\,\Omega \\ \\ \dot{Z}_{eq} &= r + \dot{Z}_{eq1} = 0, 6+16, 18+j1, 76 = 16, 78+j1, 76 = 16, 872/5, 99^o\,\Omega \\ \\ \dot{I} &= \frac{\dot{V}}{\dot{Z}_{eq}} = \frac{380/0^o}{16, 872/5, 99^o} = 22, 522/-5, 99^o\,\Lambda \end{split}$$

A instalação do capacitor reduziu consideravelmente a corrente, assim como a q.d.t. nos cabos e as perdas:

$$\dot{V}_r = r \, \dot{I} = 0, 6 \cdot 22, 522 / -5, 99^o = 13, 513 / -5, 99^o \, V$$

$$P_r = \Re \left(\dot{V}_r \cdot \dot{I}^* \right) = \Re \left(13, 513 / -5, 99^o \cdot 22, 522 / 5, 99^o \right) = 304, 34 \, W$$

A corrente agora divide-se entre o capacitor e o motor.

$$\dot{V}_M = \dot{V} - \dot{V}_r = 380 - (13,462 + j1,175) = 366,54 - j1,175 = 366,54 / 0,18^{\circ} \text{ V}$$

$$\dot{I}_M = \frac{\dot{V}_M}{\dot{Z}_M} = \frac{366,54 / 0,18^{\circ}}{9,047 / 56,45^{\circ}} = 40,52 / -56,27^{\circ} \text{ A}$$

$$\dot{S} = \dot{V}_M \cdot \dot{I}^* = 366, 54/0, 18^o \cdot 40, 52/56, 27^o = 14, 85/56, 45^o \text{ kVA}$$

Convertendo para forma retangular, obtemos as potências ativa e reativa:

$$\dot{S}=8,207+j\,12,376=P+j\,Q$$

$$P=8,207\,\mathrm{kW}$$

$$Q=12,376\,\mathrm{kVar}$$

O motor fica com uma tensão mais próxima a da fonte, aumentando sua potência ativa.

O capacitor deve absorver grande parte do reativo do motor:

$$Q_C = \Im\left(\dot{V}_M \cdot \dot{I}_C^*\right) = \Im\left(\frac{\dot{V}_M \cdot \dot{V}_M^*}{\dot{Z}_C}\right) = \frac{V_M^2}{X_C} = \frac{366, 54^2}{11, 7} = 11,483\,\mathrm{kVar}$$

Na prática, deve-se verificar os limites do capacitor para certificar de sua suportabilidade de tensão e corrente, incluindo em condições anormais. Inclusive, um capacitor na prática não é ideal, contendo resistências internas que também dissiparão energia ativa. A principal constatação destas perdas é o aquecimento do capacitor.

Faça como exercício uma compensação de forma que o fator de potência seja igual a 0,92.

Capítulo 4

Sistemas Trifásicos

4.1 Introdução

Os sistemas trifásicos é uma maneira de otimizar a geração e transmissão de energia elétrica. Um gerador trifásico possui três saídas, cada uma com a mesma tensão mas com ângulos de fase diferentes:

$$\dot{V}_a = V/0^o \tag{4.1}$$

$$\dot{V}_b = V/120^o$$
 (4.2)

$$\dot{V}_c = V/ - 120^o \tag{4.3}$$

Estas tensões são chamadas de tensões de fase.

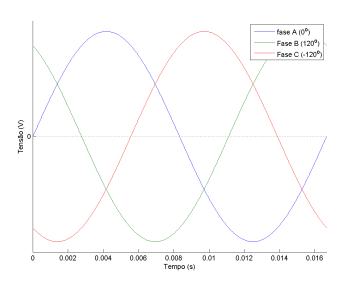


Figura 4.1: Gráfico das tensões de um sistema trifásico

Estas três tensões referem-se a um ponto "neutro", no qual definimos como referência $(0\,V)$. Este ponto, em geral, é aterrado.

Se ligarmos uma carga entre duas fases, teremos uma diferença de potencial:

$$\dot{V}_{ab} = \dot{V}_a - \dot{V}_b = V / 0^o - V / 120^o = V - V \left(-\frac{1}{2} + j \frac{\sqrt{3}}{2} \right)$$
(4.4)

$$\dot{V}_{ab} = V\left(\frac{3}{2} - j\frac{\sqrt{3}}{2}\right) = \sqrt{3}V/-30^{o}$$
(4.5)

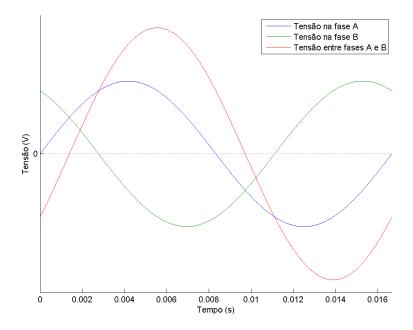


Figura 4.2: Relação entre tensões fase-neutro e fase-fase

Estas são as chamadas $tens\~oes$ de linha, ou $tens\~oes$ entre fases. A relação entre os módulos das tensões de linha e de fase é

$$V_L = \sqrt{3}V_F \tag{4.6}$$

Usualmente as fases são indicadas por uma seqüência de letras, como "ABC" ou "RST". Uma instalação trifásica típica é ilustrada na figura abaixo.

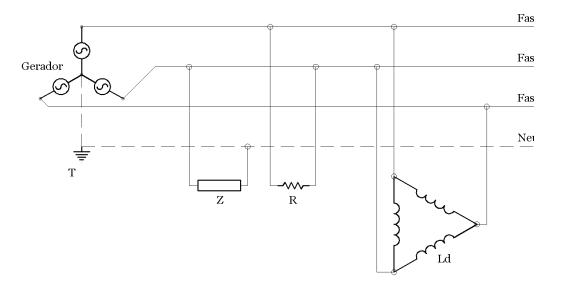


Figura 4.3: Exemplo de sistema trifásico

A figura mostra vários aspectos:

- Uma geração em estrela, com neutro aterrado. Este procedimento é tipico como forma de referência elétrica e possibilitar o uso de proteções contra correntes de fuga (como ocorre em choques elétricos). Pode-se também não aterrar o neutro, ou aterrá-lo através de uma impedância. Estes métodos não serão objeto de estudo.
- Um carga genérica Z, ligada entre a fase B e o neutro.
- Uma resistência R, ligada entre a fase A e B.
- Uma carga trifásica Ld, composta por indutores, ligada em delta. Nada impede, a princípio, o
 uso conjunto de equipamentos em delta ou em estrela, desde que as tensões dos equipamentos
 sejam compatíveis.

4.2 Transmissão e distribuição

Do gerador pode-se transmitir a energia somente com três condutores, mas usualmente a distribuição é feita com quatro condutores (3 fases e o neutro). Porque?

Uma das vantagens do sistema trifásico é que podemos usar cargas trifásicas (como motores) e cargas monofásicas (como em residências).

O sistema secundário de distribuição é realizado em $127/220~\rm V$, ou seja, a tensão de fase é $127~\rm V$ (ou tensão fase-neutro) e a tensão de linha (fase-fase ou entre fases) é de $220~\rm V$. Desta forma, em uma mesma instalação, podemos ter cargas monofásicas de $127~\rm V$ e $220~\rm V$ e cargas trifásicas $127/220~\rm V$.

4.2.1 Configurações delta e estrela

Em um sistema trifásico, podemos montar cargas e geradores basicamente de duas formas:

• Estrela: cada componente é ligado entre uma fase e o neutro, formando um "Y". Os componentes estarão na tensão de fase-neutro. Se a carga for equilibrada, não é necessário usar o neutro, pois sua corrente será zero. Entretanto, na prática sempre haverão pequenos desequilíbrios, fazendo a necessidade de haver o neutro.

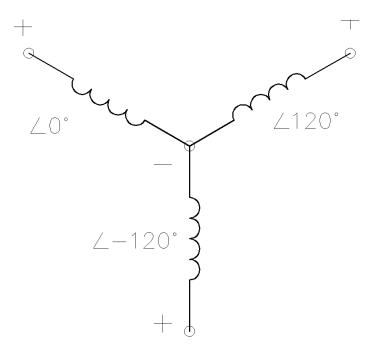


Figura 4.4: Ligação em estrela (ou Y)

Delta: cada componente é ligado entre duas fases, formando um triângulo. Os componentes estarão na tensão de linha (entre fases). O neutro não é usado na configuração delta.

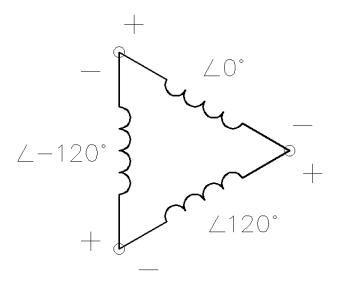


Figura 4.5: Ligação em delta (ou triângulo)

Cada montagem possui suas vantagens, como por exemplo, um gerador montado em delta pode funcionar somente com duas "unidades".

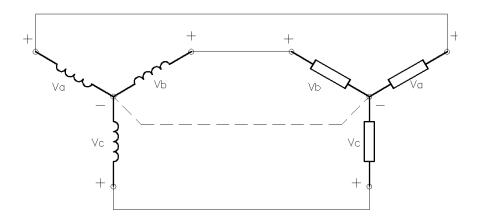


Figura 4.6: Exemplo de ligação estrela-estrela

4.2.2 Sistemas equilibrados

Um sistema trifásico pode ser equilibrado ou desequilibrado. Uma carga, em delta ou estrela, composta por impedâncias iguais, é um sistema equilibrado. Neste caso, considerando um gerador da mesma forma equilibrado, irá fornecer um conjunto de três correntes, no qual serão defasadas entre si em 120^{o} .

$$\dot{I}_a = I/\underline{\theta} \tag{4.7}$$

$$\dot{I}_b = I / \theta + 120^o \tag{4.8}$$

$$\dot{I}_c = I/\theta - 120^o \tag{4.9}$$

4.3. POTÊNCIA 45

Na figura 4.6 o neutro é marcado como "opcional", pois em um sistema trifásico equilibrado (as cargas iguais), no ponto do neutro, teremos uma soma das três correntes.

$$\dot{I}_n = \dot{I}_a + \dot{I}_b + \dot{I}_c = 0 \tag{4.10}$$

Esta soma, para um sistema equilibrado, será igual a zero.

A grande vantagem em se estudar um sistema equilibrado é que podemos decompô-lo em três sistemas monofásicos, no qual seus valores serão defasados em 120° .

Em um sistema desequilibrado, a tensão e correntes entre as cargas deve ser calculada considerandose todo o sistema. Em geral, a corrente do neutro (se houver) será diferente de zero, mas a soma de todas as correntes permanece equilibrada:

$$\dot{I}_a + \dot{I}_b + \dot{I}_c + \dot{I}_n = 0 \tag{4.11}$$

4.3 Potência

A potência fornecida a um circuito trifásico pode ser resumida pela potência fornecida a cada fase. A potência aparente, para uma carga em estrela, é dada por

$$S = 3V_F I_F \tag{4.12}$$

E a potência ativa é igual a

$$P = S\cos\theta = 3V_F I_F \cos\theta \tag{4.13}$$

Usando as tensões de linha (entre fases), a fórmula torna-se

$$P = \sqrt{3}V_L I_F \cos\theta \tag{4.14}$$

Capítulo 5

Tarifação de energia elétrica

5.1 Introdução

Um fator muito importante no dia-a-dia de uma indústria, é o planejamento dos gastos com energia elétrica. Para grandes consumidores, as empresas de energia elétrica abrem algumas categorias.

A tabela abaixo ilustra o consumo estimado de alguns equipamentos comuns. Sabendo-se a potência média, multiplica-se pela duração de uso e número de dias do mês (no exemplo abaixo foi considerado 30 dias).

Equipamento	Potência (kW)	Estimativa	Total (kWh)
		de uso diário	
		(h)	
Aparelho de som	0,10	1,0	3
Ar condicionado	1,20	7,5	270
Aspirador de pó	0,50	0,6	9
Boiler	1,00	3,0	90
Bomba d'água	0,50	3,0	45
Chuveiro	4,00	1,0	120
Ferro de passar	0,80	0,5	12
Forno elétrico	4,50	0,3	45
Forno microondas	1,20	0,4	13
Freezer	0,50	8,0	120
Lâmpada 60 W	0,06	5,0	9
Lâmpada 100 W	0,10	5,0	15
Lavadora de louça	1,20	1,0	36
Lavadoura de roupa	0,80	0,4	9
Microcomputador	0,20	5,0	30
Refrigerador 1 porta	0,35	6,0	63
Refrigerador 2 portas	0,50	6,0	90
Secadora de roupa	2,50	0,6	42
Televisão 14"	0,10	3,0	9
Televisão 20"	0,15	3,0	13
Torneira elétrica	2,80	1,5	126
Ventilador	0,30	2,5	22

Tabela 5.1: Consumos médios mensais de alguns equipamentos domésticos [6]

5.1.1 Curvas de demanda e de energia

Demanda: quantidade de potência sendo solicitada pelo consumidor em um instante. Medido em kW (ou múltiplos¹) a cada 15 minutos.

Energia: quantidade consumida ao longo do dia, ou seja, demanda x tempo. É a integral da curva. Medido em kWh (ou múltiplos).

 $^{^1\}mathrm{Aten}$ ção com valores de tarifas em quilowat
t ou megawatt - a diferença é nada menos que 1000 vezes...

13-06-2006 - SSSISX-+1133P - CP S+SE C/ILR 06-06-2006 - SSSISX-+1133P - CP S+SE C/ILR

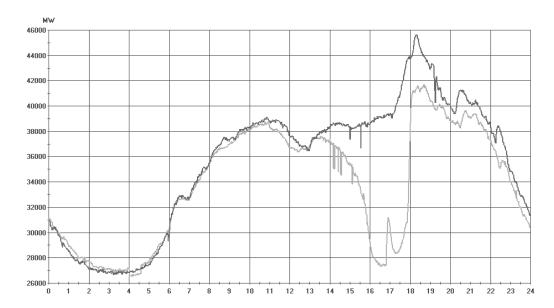


Figura 5.1: Exemplo de curva de demanda em um dia de semana normal e um dia de semana com jogo da Copa do Mundo

Atenção! a demanda medida é o valor *máximo* verificado ao longo do mês. Basta deixar os aparelhos ligados por 15 minutos que você pagará a demanda com se estivessem permanecidos ligados o mês todo.

5.1.2 Horário de ponta

O sistema elétrico tem como horário crítico, em dias úteis, em torno de 18 às 22 horas, o que é chamado de horário de ponta. Para isso cada empresa possui uma tarifa diferenciada para o horário de ponta.

O horário de ponta varia para cada empresa de energia, mas consiste em três horas seguidas. Por exemplo, a Light determinou como horário de ponta de 17:30 às 20:30. O horário restante é o "fora de ponta", com tarifa mais barata.

5.1.3 Período úmido e período seco

Podem haver diferenças entre tarifas no périodo seco (maio a novembro) e o período úmido (dezembro a abril).

5.1.4 Contrato de demanda

Cada empresa de grande porte necessita realizar um contrato de demanda, que significa a quantidade de carga instalada neste consumidor.

Este contrato é importante pois a empresa de energia irá dimensionar seu sistema de acordo com o que foi contratado. Caso o consumidor ultrapasse em algum momento esta demanda, ele será multado com uma tarifa de ultrapassagem.

5.1.5 Modalidades de tarifa

- Tarifa convencional: Trata-se da tarifação mais simples:
 - Um preço para demanda
 - Um preço para o consumo
- Tarifa azul

- Preço para demanda no horário de ponta
- Preço para demanda fora de ponta
- Preço para o consumo no horário de ponta
- Preço para o consumo fora de ponta
- Tarifa verde
 - Preço para a demanda
 - Preço para o consumo no horário de ponta
 - Preço para o consumo fora de ponta

5.1.6 Tarifa de ultrapassagem

Tarifa a ser aplicada na parcela de demanda que superar ao contrato. A tarifa é por período, no caso de tarifa azul, ou única para tarifa verde.

5.1.7 Faturamento de energia reativa excedente

A energia reativa, medida em kVARh, também é medida e faturada para grandes consumidores. Em geral incentiva-se que o fator de potência de uma instalação esteja acima de 0.92, no qual:

- No período de 6 às 24 h, será cobrado o excedente reativo indutivo,
- No período de 0 às 6 h, será cobrado o excedente reativo capacitivo.

A demanda e energia reativa excedente será cobrada pela mesma tarifa da energia ativa, de acordo com o período.

$$multa = fatura \left(\frac{0.92}{FP_{medido}} - 1 \right)$$
 (5.1)

FER	Faturamento de energia reativa
FDR	Faturamento de demanda reativa
UFER	Unidade de faturamento de energia reativa
UFDR	Unidade de faturamento de demanda reativa
EREX	Energia reativa excedente
DREX	Demanda reativa excedente

Tabela 5.2: Abreviaturas usadas em contas de energia elétrica

5.1.8 Opção para consumidores

Os tipos de tarifas são disponíveis para certos tipos de consumidores:

- Tensão de fornecimento igual ou maior a 69 kV, qualquer demanda: tarifa azul.
- Tensão de fornecimento inferior a 69 kV, demanda igual ou maior a 500 kW: tarifas azul ou verde.
- Tensão de fornecimento inferior a 69 kV, demanda igual ou superior a 50 kW e inferior a 500 kW: tarifas azul, verde ou convencional.

5.2 Estudo de caso

Abaixo temos um exemplo de uma conta de consumidor de classe industrial.

Nota Fiscal - Série 02 27DB.65F4.F018.339F.94DF.9EF9.DCA6.8D6C Conta de Energia Elétrica Regime Espodal-Processo E-34058 213/04-DEF-0.3 Reservado ao Fisco POSTO AAAA FELIZ Nota Fiscal - Série 02 27DB.65F4.F018.339F.94DF.9EF9.DCA6.8D6C Reservado ao Fisco Reservado ao Fisco CNPJ 60.444.437/0001-46 INSC. ESTADUAL 61380.023 INSC MUNICIPAL 00794878												
AV. MMMMMM SILVA 395 CNPJ.: 20.688.855/0001-7	2	N° da Nota Fiscal Referência Bancária 2000128 2000000000 Ctient			000000							
					Apresenta 13/12	sentação Unidade de 3/12/2006 M04		e Leitura 613 01			N' Eletrobrás 20000007	
Classe Su INDUSTRIAL	ibgrupo A2	CF 01		Fornecimento			Fator Pot.Gen			ot.Geral	P.T. 1,0%	
Sec. pemanga - kw	onstante	DMCR					ı Medid		Fator de Potência			
HPT 430,0	4,8000 4,8000	2.084,6 2.787,6	Dan Ottillion	III MCSCS	2.375,0 3.100,0	1.707,0 1.20			000 2.068,9 000 2.759,7			
			ura Atual Leit			Medida						nsumo medido (kVArh)
HFP 81,016 71	0,687 1,2 ,513 120		684 212	580 136	1,2000 120,0000	126 9.211	207 17,	7,451 1 993 1	80,910 5,543	0 1,20 120,	0000	32,167 296,940
Registrador / Medidor Tipo Número MEP-2	5558885	E.C. 5301	Ba	MS se de Cálci 190.83		quota Va 10%		ido no Preç 251,20		PIS (Alíque 1.13		CONFINS (Alíquota) 5.210%
DATA PREVISTA PARA	PRÓXIMA I	LEITURA - 0	5/01/2007									
" O consumidor tem o direito de receber uma compensação quando ocorrer violação dos padrões de continuidade individuais."												
Nome do Conjunto a que Pert	ence a unidad	de Consumidor	a Indicado				nento de	Energia			Débito	5
CENTRO Descrição			Apurac		Outubro/20	006 Meta				R	eferência	/ R\$
Duração de interrupção ind Frequência de interrupção i	lividual (DIC) individual (FI	(C)		12,53 1,00				,00				
Duração máxima de interru Duração equivalente de inte	errupção (DE	(C)		0,00			3,00					
Frequência equivalente de Descrição	interrupção ((FEC)			CFOP	Louis	ntidade	Val	or Units	ário (R\$)		La La contra
DEMANDA					5.257		2.375,0	vac	36	0,600062 5,01099	283	Valor (R\$) 72.675,15
DEMANDA FORA PONTA CONSUMO PONTA				5.257 5.257 5.257		1	103.505 1.151.764			0,350000 0,222690	15.534,09 36.226,75 256.496,38	
CONSUMO FORA PONTA ENERGIA REAT EXC. PONTA ENERGIA REAT. EXC. FORA PONTA					5.257 5.257		126 9.211		(0,222690 0,350000 0,222690	000	44,09 2.051,27
MULTA POR ATRASO D					0000		9.211		,	0,222696	3/1	7.809,65
Esta fatura assistant	D\$ 40.040 -	G reference:	DIE COOT	IND cm 3	anarrā-sis d	00 615 44		. 10.555	a B *	NEE: C	41.005	
Esta fatura contém R\$ 10.842,46 referentes a PIS e COFINS em decorrência das Leis 10.637/02 e 10.833 e Res ANEEL 241/05. AUTENTICAÇÃO MECÂNICA TOTAL DA MOTA DESCAL DE TRIBUTTOS DETITOS DE MENULLIFIATO DE MOTA DE CALL DE TRIBUTTOS DETITOS DE MOTA DE MOTA DE CALL DE TRIBUTTOS DETITOS DE MOTA DE MOTA DE CALL DE TRIBUTTOS DETITOS DE MOTA DE MOTA DE CALL DE C												
FATAT				******390.837,36						/ENCIMENTO TOTAL A PAGAR R\$ 20/12/2006 *********390.837		
Após o vencimento, haverá multa de 2% a ser cobrada em conta posterior (Portaria DNAEE 438 de 04/12/96) estando o fornecimento passável de suspensão na forma da legislação vígente.												
BankBoston 479-0 07990.00770 02160.020050 05910.054190 0 00000001344800												
Agência Recebedora PAGÁVEL EM QUALQUER AGÊNCIA BANCÁRIA Vencimento CONTRA APRESENTAÇÃO												
Codente												

Figura 5.2: Exemplo de conta de energia elétrica (fonte: site da Light)

Capítulo 6

Instalações Elétricas Industriais

6.1 Introdução

Para grandes consumidores, o fornecimento de energia é através de alta tensão (a partir de 13,8 kV). O usuário deve dispor de uma subestação abaixadora para receber a energia elétrica e distribui-la em seu processo.

6.2 Elementos de uma subestação

6.2.1 Transformador

Elemento central da subestação, converte a tensão de entrada para o nível do usuário.

Pode-se utilizar transformadores trifásicos ou banco de transformadores monofásicos, de acordo com a necessidade.

Em operação normal o transformador necessita de uma forma de resfriamento das suas bobinas e do núcleo, devido ao efeito Joule da passagem de corrente. Isto pode ser feito usando-se um óleo, que tem a função de isolar e resfriar as partes ativas. O equipamento fica imerso em um tanque, no qual dispôe de aletas em o que o óleo circula. Esta circulação pode ser natural, pelo efeito de convecção, ou forçada, através de bombas.

6.2.2 Disjuntor

Elemento de proteção da subestação e de seus ramais. Possui capacidade de interromper correntes elevadas. São associados a relés, no quais comandam a ação do disjuntor.

O disjuntores são classificados pela forma que interrompem a corrente, como por exemplo:

- Óleo
- Vácuo
- Ar comprimido
- Hexafluoreto de enxofre (SF₆)

6.2.3 Chave seccionadora

Usado para isolar partes do circuito. Existem chaves para abertura em carga, mas somente o disjuntor deve ser usado para imterromper curto-circuitos.

6.2.4 Chave-fusível

Elemento de proteção, como o disjuntor, no qual dispôe de um elemento descartável.

6.2.5 Pára-raio

Elemento que captura eventuais sobrecargas externas (incluindo descargas atmosféricas) escoando para o terra.

6.2.6 Relé

Elemento de detecção, havendo vários tipos. O mais conhecido é o relé de sobrecarga, no qual comanda a ação do disjuntor.

Eventualmente um relé pode estar incorporado no disjuntor. Estes relés incorporados podem ser do tipo térmico (para sobrecarga) ou magnético (para curto-circuito)

6.2.7 Barramento

Elemento de distribuição para os ramais. O barramento de baixa tensão possui uma alta corrente, logo ele consiste de barras de cobre, apoiadas em isoladores.

6.2.8 Transformador de corrente e transformador de potencial

Transformadores específicos para medição. Também são usados para alimentar os relés. Estes transformadores fornecem um fator de escala, diminuindo os valores de tensão e corrente para que os relés e medidores, mais sensíveis, consigam mensurar as grandezas elétricas. Estes transformadores devem ser construídos a fim de não inserir distorções no sinal medido.

6.2.9 Aterramento

Elemento de proteção e referência elétrica, consiste em uma malha situada abaixo da subestação. Um aterramento bem projetado é essencial para o funcionamento correto dos equipamentos.

6.2.10 Medição

São usados, entre outros, voltímetro, amperímetro e wattímetro. Atualmente os aparelhos de medição são microprocessados, com capacidade de armazenamento de todas as grandezas medidas.

6.2.11 Outros elementos

Bucha: usado na passagem de condutores através de paredes, garantindo o isolamento.

Posto de medição: cabine que abriga o aparelho de medição da concessionária. Esta cabine é lacrada, sendo a única parte da subestação que o usuário não tem controle direto. A cabine também pode incluir a proteção da concessionária, como uma chave-fusível, que atuará no caso da proteção do usuário falhar.

Contator: chaves automáticas, usadas para manobra de circuitos. O uso de contatoras permite estabelecer uma lógica de operação, como partida de motores, ligação de banco de capacitores, botoeiras, etc. Os réles também podem controlar as contatoras.

6.3 Proteção de circuitos

A principal meta no projeto de proteção de circuitos é isolar o defeito. Um sistema bem-projetado não deve afetar os circuitos sãos. Isto é chamado de seletividade. As principais falhas e defeitos em um sistema elétrico são listadas abaixo.

6.3.1 Sobrecarga

Uso excessivo de carga acima do projetado. É imperrompido por relés térmicos. Deve ser bem projetado para não detectar falsas sobrecargas (por exemplo, partida de motores).

6.3.2 Curto-circuito

Corrente muito acima do normal. É imterrompido por relés magnéticos.

6.3.3 Sobretensão

Alteração da tensão devido a diversos fatores, por exemplo descargas atmosféricas na linha da concessionária. Pode queimar equipamentos.

6.3.4 Corrente de fuga (ou residual)

Inclui-se a ocorrência de choque elétrico: Usa-se de dispositivos DR (diferencial-residual) para detectar e interromper o circuito.

6.3.5 Ruído de linha

Interferência na forma de onda da tensão do sistema, deixando de ser puramente senoidal. Pode afetar a operação de equipamentos. Usa-se de estabilizadores e no-breaks.

Capítulo 7

Máquinas elétricas - motores

7.1 Introdução

O motor converte energia elétrica em energia mecânica. Segue o princípio do campo magnético variável produzir força sobre um condutor com corrente.

7.1.1 Detalles construtivos

- Estator: parte fixa do motor. É constituído de bobinas que produzem o campo magnético.
- Rotor: parte móvel do motor. Pode conter uma bobina ou um ímã permanente.

7.1.2 Motores de corrente contínua

Usados quando se necessita de um controle preciso de velocidade.

7.1.3 Motores de corrente alternada

Motores assíncronos: máquinas que não giram em uma frequência proporcional ao sistema. São de construção simples e largamente usadas na indústria. Também são chamados de motores de indução.

A construção típica de um motor de indução é do tipo "gaiola de esquilo", no qual os condutores do rotor assemelham-se a uma gaiola.

A rotação dos motores de indução pode ser calculada pelo seu escorregamento. Caso o motor esteja em vazio, sua velocidade será próxima ao do sistema. Quando mais carga, menor a velocidade e maior o escorregamento.

Motores síncronos: máquinas em que giram em uma freqüência proporcional ao sistema. Possuem um campo magnético no rotor controlado por uma fonte CC. Este campo pode ser controlado, no qual sua principal aplicação é na absorção de potência reativa

Também podemos dividir os motores CA em:

Motores trifásicos: O uso de três fases permite a configuração de um campo magnético girante no estator, no qual o rotor seguirá naturalmente.

Motores monofásicos: Em motores de indução, a presença de somente uma fase não é suficiente para haver um campo magnético girante, necessário pelo menos para a partida do motor. O principal recurso utilizado é de um enrolamento auxiliar em série com um capacitor, no qual causará uma defasagem suficiente para iniciar o giro.

7.1.4 Motor universal

Possui características construtivas de um motor CC mas ser usado também em CA. Muito usado em aplicações domésticas, como batedeiras, liquidificadores e aspiradores de pó.

7.2 Características de um motor elétrico

7.2.1 Potência

A potência mecânica é usualmente medida em hp (igual a 746 W) ou cv (igual a 736 W).

7.2.2 Torque ou conjugado

- Conjugado nominal
- Conjugado de partida

7.2.3 Velocidade

Medida em rotações por minuto (rpm).

7.2.4 Tensão

7.2.5 Corrente

Além da corrente nominal, o motor possui a corrente de partida (usualmente 7 vezes superior a nominal), que é necessária para vencer a inércia do motor. Ambas as correntes podem ser calculadas pela fórmula

$$I = \frac{P}{V \, \eta \, \cos \phi} \tag{7.1}$$

Para sistemas trifásicos:

$$I = \frac{P}{\sqrt{3} V_L \eta \cos \phi} \tag{7.2}$$

7.2.6 Fator de potência

7.2.7 Perdas

A energia elétrica não é totalmente convertida em energia mecânica. Os principais pontos de perda de potência são:

- Perdas por efeito joule nos cabos (resistência),
- Perdas nos circuitos magnéticos,
- Perdas por ventilação acoplada ao eixo,
- Perdas por atrito nos mancais.

7.3 Projeto de instalações elétricas com motores em partida

Devido à elevada corrente no momento de partida de um motor, e eventualmente em uma condição de rotor preso, a instalação deve suportar certas solicitações.

- A proteção não deve atuar no momento da partida, mas atuar em condições de falha,
- O condutor deve suportar a temperatura,
- A queda de tensão deve ser inferior à permissível, senão o motor não terá força, além de afetar outros equipamentos.

Existem equipamentos que auxiliam a partida de motores, como por exemplo:

Chave estrela-triângulo: através da comutação da forma de interligação das bobinas, o motor recebe menos tensão, partindo gradualmente. Com as bobinas em estrela a tensão é reduzida, comutando automaticamente em delta, para tensão nominal, quando o motor estiver em movimento.

Transformador de partida: fornece uma tensão mais baixa para uma partida suave. Uma chave automática seleciona níveis de transformação até a tensão nominal.

Eletrônica de potência: controla a forma de onda de tensão fornecida, aumentando gradualmente a corrente.

7.4 Partida de motores elétricos

A partida de um motor demanda uma corrente muito acima do normal, geralmente entre 6 a 10 vezes a corrente nominal, durando entre 0,5 a 10 segundos. Para isso, o sistema deve estar projetado para suportar esta partida.

A corrente de partida é um fator de projeto da proteção do circuito. A princípio a potência reativa não é preocupante, pois a partida é muito rápida e não afeta o consumo total.

$$S = \frac{P_m}{\eta \cos \phi} \tag{7.3}$$

$$I = \frac{P_m}{V \, \eta \, \cos \phi} \tag{7.4}$$

7.4.1 Circuitos trifásicos com motores

Para o cálculo de motores trifásicos, pode-se considerar a potência dividindo-se em três circuitos monofásicos, com tensão fase-terra. Neste caso o circuito seria do tipo estrela-estrela (vide aula anterior). Como o motor é um circuito equilibrado, não haverá corrente circulando no neutro (caso exista).

7.4.2 Fator de potência de motores

Um motor não necessariamente terá uma carga constante. Para cada nível de carga, suas características podem variar, como por exemplo, o rendimento e o fator de potência. Desta forma podemos pensar que o motor possui um ponto aonde seu desempenho seja ótimo. Este ponto, em geral, será o regime de trabalho nominal do motor.

Capítulo 8

Riscos da eletricidade

A eletricidade deixa a vida muito cômoda, mas devemos observar os riscos inerentes do seu uso. Este capítulo passa de forma bem objetiva a maioria dos riscos existentes, sendo alguns claramente perigosos, e outros cujas consequências ainda não foram constatadas a longo prazo.

8.1 Choque elétrico

O risco mais óbvio, provém de circuitos com tensão suficiente para fazer passar uma corrente elétrica pelo corpo. O choque possui níveis de sensibilidade bastante distintos, que variam para cada pessoa, sendo classificados por:

Limiar de sensação (1 a 5 mA) - corrente mínima no qual o indivíduo sente a corrente,

Limiar de dor (5 a 10 mA) - corrente mínima no qual a maioria dos indivíduos queixa-se,

Corrente de "let-go" (10 a 20 mA) - corrente mínima no qual o indivíduo contraiu sua musculatura, por exemplo da mão, e não consegue soltar-se por sua própria força,

Corrente de fibrilação (100 a 500 mA) - corrente mínima no qual uma parcela significante de indivíduos corre risco de vida.

8.1.1 Anatomia do choque

De forma simplificada, duas grandezas determinam a severidade do choque: corrente elétrica e duração. O efeito do choque mais iminente à morte é a *fibrilação ventricular*, que consiste na parada cardíaca devido a falta de sincronismo dos sinais nervosos que comandam os batimentos.

Outros efeitos do choque elétrico são:

- Contrações musculares,
- Queimaduras,
- Efeitos neurológicos,
- Parada respiratória,
- efeitos indiretos (ex. quedas).

8.1.2 Contato direto

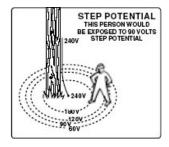
O contato com a parte viva de um circuito é obviamente o mais perigoso, mas convém lembrar que o corpo humano, como todo elemento de circuito, necessita de um ponto de entrada e um ponto de saída da corrente.

Porque tomamos um choque ao encostar em uma parte do circuito? Porque o circuito encontrase aterrado em um ou mais pontos, fechando o circuito do choque pelo solo. Pode-se pensar que a sola do sapato seria um isolante, mas estaríamos falando em condições ideais. Você já mediu a resistência do seu sapato? Isso sem falar na situação que pode-se encontrar em choque: umidade, lama, outras peças de vestuário encostando do terra... portanto, o calçado normal nem sempre é garantia de isolamento.

Os caminhos mais criticos são aonde a maioria da corrente passa pelo tronco, e consequentemente pelo coração. Mas, mesmo uma corrente que atravessa de um dedo ao outro da mesma mão pode espalhar-se pelo corpo...

8.1.3 Tensão de toque

No projeto de instalações industriais, em particular nas subestações, considera-se como tensão de toque a situação do indivíduo encostar em uma estrutura que esteja sendo percorrida por uma corrente (como um curto-circuito ou uma descarga atmosférica). Neste caso o individuo agirá como um divisor de corrente.



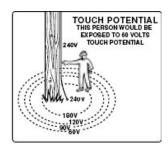


Figura 8.1: Tensão de passo e de toque (fonte: http://www.deir.qld.gov.au/electricalsafety/law/codes/e

Uma forma de minimizar a tensão de toque e de passo (abaixo) é utilizar uma camada de brita, com alta resistividade, auxiliando na isolação das pessoas com o solo¹.

8.1.4 Tensão de passo

Mesmo que o indivíduo não esteja tocando em qualquer estrutura metálica que porventura torne-se energizada, existe ainda o perigo de uma corrente injetada no solo "subir" por uma das pernas, encontrando novamente um "divisor de corrente".

Neste caso, quanto maior o seu passo, maior será a diferença de potencial entre as suas pernas, e maior será o choque!

Porém, se por um acaso você esteja seguindo um caminho transversal à corrente injetada, você permanecerá no mesmo potencial, deixando de induzir corrente pelo corpo. É o mesmo efeito do passarinho pousado no fio de distribuição: ele não toma choque por encontrar-se totalmente no mesmo potencial².

O único problema para "fugir" da corrente é saber o seu caminho no solo, ou ao menos mover-se a tempo, pois todo o processo leva uma fração de segundo. Uma alternativa é, manter as pernas unidas³.

8.2 Descargas atmosféricas

O relâmpago, formalmente chamado de descarga atmosférica, é um fenômeno climático associado à tempestades severas. Sua formação parte da concentração de cargas elétricas nas nuvens, devido aos processos de congelamento e circulação de água. A partir dos centros de cargas formados, a nuvem induzirá no solo uma concentração de polaridade oposta.

Com a polarização entre nuvem e solo, as cargas da nuvem propagam-se, no que chamamos de precursor. Este precursor é uma fase invisível da descarga, que irá formar todas as tortuosidades e ramificações características do relâmpago. em geral, um ramo é que fará o contato com o solo. Neste instante ocorre a fase intensa da descarga, que iluminará todo o canal.

Este canal é formado por um plasma, aquecendo a temperaturas da ordem de 20000 °C, expandindo buscamente o ar a sua volta, formando assim o trovão.

Nesta temperatura o ar comporta-se como um condutor. Através deste canal percorrerá uma corrente elétrica, com magnitudes da ordem de 10 a 100 kA, e duração de alguns milisegundos. É um pulso bem rápido, e por este canal recém-formado podem ocorrer vários pulsos de corrente.

Na presença de objetos altos, a tendência é das cargas elétricas do solo acumularem-se no topo, aproximando-se da nuvem. É por isso que ocorrem mais descargas em prédios ou árvores.

¹Observa-se que neste caso busca-se o contrário da construção da malha de terra, que é usar um solo com baixa resistividade

²Não espere um efeito agradável caso o passarinho encoste no outro, na fase oposta.

 $^{^3\}mathrm{Nem}$ pense em sentar ou deitar no solo...



Figura 8.2: Descarga atingindo uma árvore. (fonte: http://www.erh.noaa.gov/lwx/lightning/va-lightning.htm, publicado originalmente na National Geographic de Julho de 1993.)

8.3 Dispositivos de segurança

8.3.1 Malha de terra

Uma malha de terra é a forma mais eficiente de aterramento elétrico, composta por um reticulado de cabos enterrados e hastes de terra, dispostos de forma a uniformizar o potencial no solo, minimizando as tensões de passo e de toque.

Como todo equipamento, a malha de terra deve sofrer uma manutenção, não podendo ser esquecida ao relento. A corrosão em malhas pode deixar o sistema à mercê de danos catastróficos, além da segurança do pessoal.

8.3.2 Dispositivo Diferencial-residual (DR)

Em um ambiente residencial, na ocorrência de um choque elétrico por contato direto, um disjuntor não é suficiente para assegurar a proteção pessoal. Sua função é simplesmente de proteger contra sobrecarga e curto-circuitos, e uma pessoa em choque não necessariamente irá drenar uma corrente suficiente para ativar a proteção.

É necessário o uso de um dispositivo adicional, chamado de Diferencial-residual, ou simplesmente DR. Diferente do disjuntor, ele detecta a "falta" de corrente, observando todas as fases e o neutro.

O DR simplesmente soma as correntes, e como tudo que entra tem que sair, espera-se que o resultado seja zero. Caso exista algum *ponto de fuga de corrente*, o que inclui um indivíduo em choque, o dispositivo realiza o desligamento das fases.

O único problema é que *sempre* haverá corrente de fuga, pois os isolamentos possuem uma resistência finita. Logo, não podemos considerar o circuito como ideal, basta assumir uma tolerância de corrente, o suficiente para não acarretar em risco pessoal. Em geral a tolerância utilizada é de 30 mA.

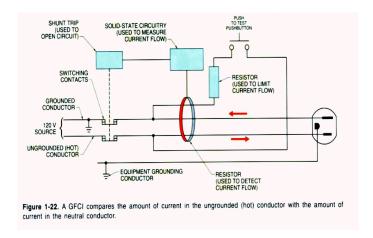


Figura 8.3: Esquema de um dispositivo DR (fonte: http://www.elec-toolbox.com/Safety/safety.htm#GFCIs)

8.3.3 Pára-raios

Consiste em uma haste metálica aterrada. Um dispositivo muito simples, que possibilita o contato entre as cargas da nuvem e o solo, escoando a energia da descarga diretamente ao solo.

O pára-raios possui uma zona de proteção, que projeta-se aproximadamente como um cone a partir da sua ponta. Tudo que estiver dentro deste cone de proteção, terá uma chance bastante reduzida de ser atingido por um raio 4 .

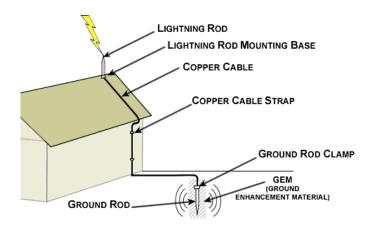


Figura 8.4: Esquema básico de proteção contra descargas atmosféricas (fonte: http://www.elliottelectric.com/References/Residential_Lightning_Protection.aspx)

A montagem de pára-raios, os cabos de descida e o aterramento é denominado sistema de proteção contra descargas atmosféricas (SPDA).

8.4 Eletricidade induzida

Ao observarmos um circuito elétrico isolado, pensamos que não corremos risco algum. O que é um erro grave em algumas situações. Basta lembrar dois casos:

- A idéia de capacitor são de duas placas separadas por um dielétrico, que é isolante, mas há tensão induzida de uma placa sobre a outra.
- O transformador são dois conjuntos de bobinas, no qual uma induz corrente sobre a outra através de um campo magnético.

Mas, o que acontece é que (1) qualquer coisa pode comportar-se como um capacitor, não basta ser duas placas paralelas; (2) qualquer coisa pode comporta-se como transformador, não basta ter um núcleo de ferro ou até uma espira completa.

⁴Cabe sempre lembrar que os fenômenos relacionados à descarga atmosférica são ainda pouco compreendidos, envolvendo um tratamento estatístico. Ou seja, não podemos garantir 100% de certeza da eficácia do pára-raios, mas a probabilidade de proteção é alta.

Logo, enquanto você observa um circuito elétrico energizado, este estará induzido em VOCÊ tensões e correntes. Este circuito pode ser desde um celular até o transformador da sua rua. E ainda, você também interfere nos equipamentos⁵, ou seja, tudo interage com tudo.

Obviamente alguns circuitos interagem de maneira mais óbvia, por exemplo os circuitos de alta tensão. Por exemplo, uma chave aberta não é suficiente para isolar um trecho de circuito. quando estamos falando em $500~\rm kV$, se tivermos "somente" uma indução equivalente de 0.2~%, isso será $1~\rm kV$, mais que o suficiente para matar alguém em contato direto. Logo, a blindagem ou o aterramento faz-se essencial para assegurar o potencial zero.

8.5 Riscos indiretos

O uso incorreto da eletricidade pode causar várias consequências:

- Incêndios devido a sobrecarga e queima de equipamentos,
- Interferência em equipamentos vitais, como equipamentos hospitalares e aeronaves,
- Quedas por choques elétricos em técnicos no topo de postes,

Além do risco às pessoas, teremos em segundo plano a perda de patrimônio, perda e atraso na produção, multas, processos judiciais...

8.6 Normas e legislação

A NR-10 trata da segurança relativa a qualquer trabalho envolvendo eletricidade em níveis perigosos. Alguns dos assuntos tratados são:

- Natureza da eletricidade para o pessoal leigo, mas que está exposto ao risco,
- Primeiros socorros,
- Uso de EPI (equipamento de proteção individual) e EPC (equipamento de proteção coletiva),
- Legislação pertinente,

Pesquise mais sobre os riscos e procedimentos na disciplina de higiene e segurança no trabalho.

 $^{^5}$ Claro que em equipamentos mais robustos, como o transformador, esta interferência e mínima. Um exemplo mais prático é a antena de rádio ou TV, no qual a sua presença afeta a recepção de sinal.

Capítulo 9

Exercícios

Os exercícios são divididos em questionários com os conceitos básicos descritos nesta apostila e problemas. Em circuitos de corrente alternada, quando não explicitado, assumir a frequência do gerador como 60 Hz.

9.1 Introdução

9.1.1 Questionário

- 1. Define eletricidade. Pesquise em algumas referências e compare.
- 2. Explique com suas palavras os conceitos de tensão, corrente e resistência elétrica.
- 3. Liste as condições necessárias para haver corrente elétrica em um circuito.
- 4. Determine a "resistência equivalente" de um circuito aberto e de um curto-circuito.

9.1.2 Exercícios

1. Calcule as correntes e quedas de tensões, em todos os componentes, dos circuitos a seguir.

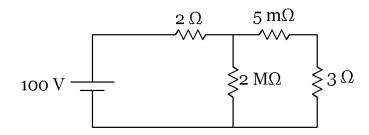


Figura 9.1: Circuito (a)

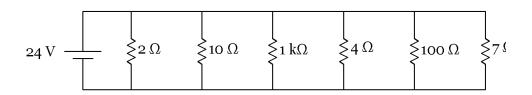


Figura 9.2: Circuito (b)

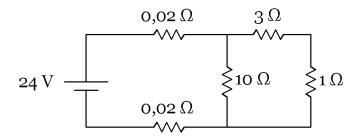


Figura 9.3: Circuito (c)

2. Determine a corrente fornecida pela fonte, nos circuitos a seguir, para as condições de (I) no momento que a chave é fechada, (II) um tempo "considerável" após o fechamento.

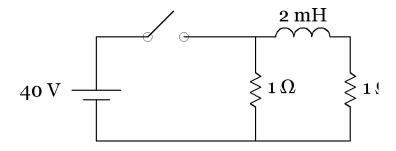


Figura 9.4: Circuito (a)

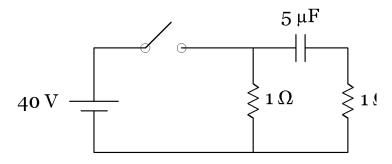


Figura 9.5: Circuito (b)

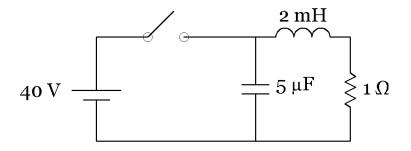


Figura 9.6: Circuito (c)

3. Uma tomada possui uma tensão de 125 V, sem qualquer aparelho. Ao ligar uma carga de 500 W, a tensão cai para 120 V. Calcule a resistência do cabo.

9.2 Princípios de corrente alternada

9.2.1 Questionário

- 1. Porque a corrente alternada foi escolhida?
- 2. Explique o princípio do gerador em corrente alternada.
- 3. Explique o princípio do transformador.
- 4. Explique o método fasorial, suas vantagens no estudo de sistemas de corrente alternada e uma restrição.
- 5. Explique o fenômeno da ressonância em um circuito CA: quais as condições necessárias para que ocorra, que tipo de elementos estão envolvidos, a diferença da associação série e paralelo, além dos valores de tensão e corrente que possam ocorrem.

9.2.2 Exercícios

- 1. Converter entre notação polar e retangular os números abaixo. Esboçar os números em diagrama fasorial.
 - (a) $\dot{A} = 3 + j2$
 - (b) $\dot{B} = 200/45^{\circ}$
 - (c) $\dot{C} = -6 j10$
 - (d) $\dot{D} = 0,002 + j5$
 - (e) $\dot{E} = -330 + j0, 2$
 - (f) $\dot{F} = 10$
 - (g) $\dot{G} = j3$
 - (h) $\dot{H} = 10/-25^{\circ}$
 - (i) $\dot{I} = 1000/90^o$
 - (j) $\dot{J} = 2/0^{\circ}$
- 2. A partir dos números acima, realizar as seguintes operações:
 - (a) $\dot{A} + \dot{B}$
 - (b) $\frac{\dot{C}}{\dot{D}}$
 - (c) $\dot{E} \cdot \dot{F}$
 - (d) $\dot{G} + \dot{H} \cdot \dot{I} \dot{J}$
 - (e) $j \dot{A} + \dot{G}^2 \frac{1}{\dot{I}}$

- 3. Calcule a corrente em um circuito série, composto por $R=12\,\Omega,\,L=300\,mH,\,C=2,5\,\mathrm{nF},$ alimentado por 450 V.
- 4. Calcule a freqüência de ressonância de um circuito RLC série com $R=15\,\Omega,\,L=100\,\mathrm{mH},\,C=500\,\mu\mathrm{F}.$ Calcule a corrente nesta condição para uma fonte de 200 V.
- 5. Deseja-se ligar um conjunto de lâmpadas de 60 W em uma rede de 127 V, no qual o circuito possui um disjuntor de 10 A. Calcule o número máximo de lâmpadas que podem ser ligadas sem causar sobrecarga (supondo o disjuntor "ideal").
- 6. Esboce os gráficos das seguintes grandezas pela frequência (entre 0 a 100 kHz):
 - (a) Reatância indutiva, para $L = 1 \,\mathrm{H}$.
 - (b) Reatância capacitiva, para $C = 5 \,\mu\text{F}$.
 - (c) Corrente em um circuito RL, para $L=1\,\mathrm{mH},\,R=10\,\Omega,\,V=200\,\mathrm{V}.$
- 7. A partir dos circuitos apresentados nas figuras 9.4, 9.5 e 9.6, substituir a fonte para 120 V, 60 Hz e, para a condição da chave fechada a um tempo considerável, calcular a corrente total fornecida pelo gerador, a corrente e queda de tensão em cada componente.
- 8. Calcule a expressão que determina a diferença de potencial no capacitor em função da tensão da fonte V_G , no circuito da figura 9.7, sendo Rc e R as resistências em ohms, L_C e L as indutâncias em henries e C a capacitância em farads.

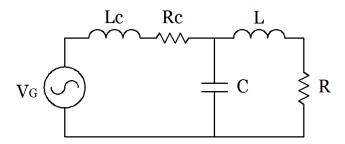


Figura 9.7: Circuito (d)

9.3 Potência e energia

9.3.1 Questionário

- 1. Explique a diferença entre potência ativa, reativa e aparente.
- 2. Defina fator de potência. Como isto influencia a produção e transmissão de energia elétrica?
- Cite métodos de reduzir o consumo descontrolado de energia reativa, e eventuais cuidados a se tomar ao usar estes métodos.
- 4. Cite fontes de "geração" de energia reativa.

9.3.2 Exercícios

- 1. Calcule a corrente (módulo e fase) em um banco de capacitores monofásico de 100 kVAr, ligados em uma rede de 380 V.
- Calcule a potência ativa e reativa de uma carga monofásica com 380 V, 40 A, fator de potência unitário.
- 3. Calcule a potência ativa e reativa para uma carga monofásica de $4,5/45^o\,\Omega$ ligado a uma tensão de 220 V. Calcule o dispositivo que compense totalmente o reativo desta carga.
- 4. Calcule o fator de potência de uma carga de $10 j3\Omega$. Verifique o fator de potência de um conjunto de três cargas deste mesmo valor, em paralelo.

9.4 Sistemas trifásicos

9.4.1 Questionário

- Um eletricista lhe explica que as três fases possui a mesma tensão, entretando existe tensão entre elas. Complete a explicação.
- 2. Explique as diferenças em usar um sistema trifásico ou três sistemas monofásicos.
- 3. Esboce os fasores de tensão de um sistema trifásico: fase-neutro e entre fases.
- 4. Esboce um circuito trifásico, com um gerador ligado em estrela e uma carga em delta. Se cada bobina do gerador produz 1000 V, calcule a tensão na carga.
- 5. Explique a função do neutro no sistema trifásico. Teoricamente, ele é necessário para um sistema equilibrado? Ele é usado na prática? Porque?

9.4.2 Exercícios

1. Uma carga trifásica é composta por três elementos idênticos com impedância de $20 + j8\,\Omega$ cada. Calcule a corrente em cada elemento da carga ao ligar em um sistema trifásico, cuja tensão fase-neutro seja de 440 V, em uma configuração (a) delta, (b) estrela.

9.5 Tarifação

9.5.1 Questionário

- 1. Explique a diferença entre demanda e consumo.
- 2. Cite medidas práticas visando a economia de energia elétrica em uma indústria, conhecendo a curva de carga de energia ativa e reativa e o contrato de demanda.
- 3. Explique a diferença entre o horário de ponta e fora de ponta.
- Qual é, aproximadamente, o horário de ponta? Explique porque são usadas tarifas mais elevadas neste horário.
- 5. Cite os principais parâmetros usados na tarifação de energia elétrica.
- 6. Descreva o significado de "demanda contratada" e "tarifa de ultrapassagem". Esboce uma curva de carga como exemplo.

9.5.2 Exercícios

- 1. Calcule a conta de luz aproximada de uma empresa com a seguinte utilização de energia:
 - Consumo na ponta: 245 MWh,
 - Consumo fora da ponta: 2450 MWh,
 - Demanda média na ponta: 4,3 MW,
 - Demanda média fora da ponta: 5,6 MW,
 - Energia reativa excedente: 1 MVARh,
 - Demanda reativa excedente média: 100 kVAR,
 - Demanda contratada: 5 MW,
 - Tarifa azul.
 - Tarifas (fonte: http://www.lightempresas.com.br/ abril de 2006, tarifa azul tipo A2):
 - Consumo fora da ponta período seco: 122,15 R\$/ MWh
 - Consumo na ponta período seco: 194,76 R\$/ MWh
 - Consumo fora da ponta período úmido: 110,83 R\$/ MWh
 - Consumo na ponta período úmido: 176,48 R\$/ MWh
 - Demanda fora da ponta: 3,34 R\$/ kW
 - Demanda na ponta: 18,07 R\$/ kW

- Demanda de ultrapassagem fora da ponta: 11,12 R $\$ kW
- Demanda de ultrapassagem na ponta: 60,25 R\$/ kW
- 2. Pesquise dois equipamentos elétricos do mesmo tipo e capacidade (ex. lâmpada, microondas, ar condicionado, geladeira, TV), eventualmente de tecnologias diferentes (ex. lâmpadas incandescentes e fluorescentes, TV de LCD e de plasma). Compare potência e preço. Procure um equipamento dito "mais eficiente", supostamente mais caro, e compare com um equipamento "menos eficiente", mais barato. Compare para um mesmo regime de utilização (número de horas por dia no qual o equipamento ficará ligado) e para uma mesma tarifa, o período no qual o equipamento mais eficiente torna-se vantajoso em relação ao menos eficiente. Calcule a economia para a vida útil total do equipamento.
- 3. Seja uma TV com um consumo de 60 W. Calcule o consumo para um uso de 3 h em dias úteis e 6 h em finais de semana, para 1 ano (considere que um mês tenha 22 dias úteis). Utilize uma tarifa de R\$ 0,50/ kWh. Realize novamente o cálculo, considerando agora um consumo em stand-by de 2 W. Compare os resultados.

9.6 Instalações elétricas industriais

9.6.1 Questionário

- 1. Explique as diferenças na aplicação de um disjuntor, chave seccionadora e chave fusível.
- 2. Explique a função do aterramento.
- 3. Cite defeitos típicos que podem ocorrer em um sistema de energia elétrica, e os respectivos equipamentos utilizados a minimizá-los.
- 4. Cite três elementos de proteção elétrica utilizados na indústria, explicando sua função específica (do que eles protegem).

9.6.2 Exercícios

9.7 Máquinas elétricas

9.7.1 Questionário

- 1. Explique porque a partida de um motor elétrico é uma situação crítica.
- Explique os possíveis defeitos oriundos de rotores bloqueados e uma forma de evitar tais defeitos.

9.7.2 Exercícios

- 1. Um motor de indução trifásico, 220/ 380 V, 600 cv, rendimento 0,80, fator de potência 0,76, Ip/ In = 6,7. Calcular:
 - Corrente nominal (A)
 - Potência elétrica (kW)
 - Corrente de partida (A)
 - Corrente com o rotor bloqueado (A)
 - Capacitor necessário para corrigir o fator de potência para 0,92.
- 2. Seja o motor acima instalado em um ramal com 100 m de comprimento, cuja resistência seja de 3 Ω por cabo. Calcule a queda de tensão em regime permamente e na partida.
- 3. Um motor trifásico tem como dados de placa 127/220 V, 15 cv, 60 Hz, Ip/ In 7,0 , rendimento 85 %, fator de potência 0,77. Calcular:
 - (a) A corrente de partida,

(b) Ajustar o relé representado pela Figura 9.8 para o disjuntor não desarmar na partida do motor (2 s) e atuar no caso de rotor preso (tempo máximo admissível 10 s).

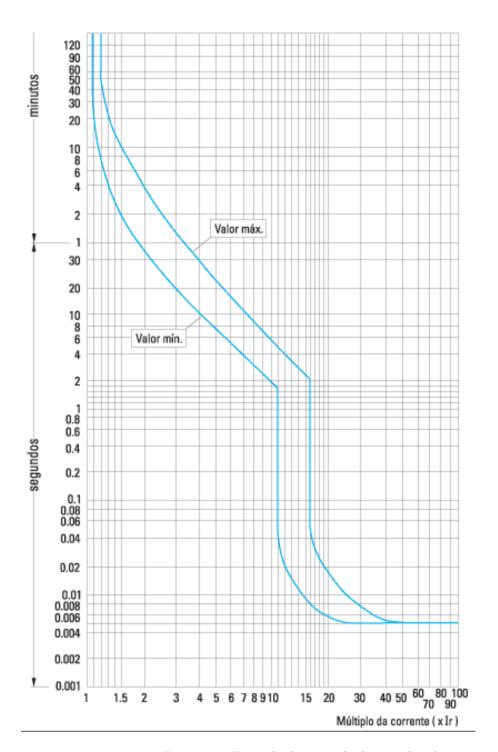


Figura 9.8: Exemplo de curva de disparo do relé.

- 4. Seja um motor de 50 cv, 380 V, cuja curva de potência seja a indicada no gráfico acima. Determine:
 - O fator de potência a plena carga, a vazio e a 50% da carga.
 - \bullet O rendimento a plena carga e a 50% da carga.

9.8 Riscos da eletricidade

9.8.1 Questionário

- 1. Quais são as duas grandezas que determinam a gravidade do choque elétrico?
- 2. Explique como uma malha de terra pode minimizar a tensão de passo.
- 3. Explique porque um disjuntor residencial não será suficiente para prevenir choques elétricos. Aponte o equipamento apropriado, descrevendo como ele complementa o disjuntor.
- 4. Porque os trabalhadores em linha viva não sofrem choque elétrico?
- 5. Cite uma forma de prevenção de eletricidade estática.

9.8.2 Exercícios

9.9 Palavras-chave

A lista abaixo pode ser usada para pesquisas, discussões em sala de aula, ou simplesmente para atiçar a curiosidade do aluno.

- Co-geração
- Norma NR-10
- Tensão de toque e tensão de passo
- Retificador
- Motor
 - "gaiola de esquilo"
 - homopolar
 - de passo
 - universal
- Transformador "zig-zag"
- Equalização de potencial
- Dispositivo DR
- Esquemas TT, TN e IT
- Cabos unipolares e multipolares
- Forno de indução

- Coordenação de isolamento
- Eficiência energética
- Disjuntor a vácuo
- Compatibilidade eletromagnética
- UPS
- Cabo OPGW
- Relé de distância
- Cabos EPR e XLPE
- CLP
- CCAT
- FACTS
- Pára-raios radioativos
- Askarel
- Efeito corona
- Efeito pelicular

Referências Bibliográficas

- [1] All About Circuits, http://www.allaboutcircuits.com/
- [2] Close, C. M. Circuitos Lineares, Ed. LTC.
- [3] Cotrim, A. A. M. B. Instalações Elétricas, Ed. Pearson.
- [4] Creder, H. Instalações Elétricas, Ed. LTC.
- [5] Edminister, J. A. Circuitos Elétricos, Ed. McGraw-Hill.
- [6] Eletrosul, Dicas para Evitar o Desperdício de Energia, 2005.
- [7] Irwin, J. David. Análise de Circuitos de Engenharia, Ed. Pearson.
- [8] Mamede Filho, J. Instalações Elétricas Industriais, Ed. LTC.
- [9] Lopes, Juarez Castrillon. *Manual de Tarifação de Energia Elétrica*, Programa Nacional de Conservação de Energia Elétrica Procel, Julho 2002.
- [10] Silva Filho, Matheus Teodoro. Fundamentos de Eletricidade, Ed. LTC.
- [11] Agência Nacional de Energia Elétrica ANEEL, Resolução nº 456, de 29 de novembro de 2000 (Condições gerais de fornecimento de energia elétrica). Disponível em http://www.aneel.gov.br/cedoc/res2000456.pdf
- [12] IEEE Std 80-2000, IEEE Guide for Safety in AC Substation Grounding, 2000.

Apêndice A

Uso de calculadores com funções de números complexos

Este apêndice serve de esclarecimento para a utilização das calculadoras científicas.

A.1 Texas TI-83

A máquina trata de forma direta, permitindo incluse realizar contas sem preocupar-se em conversão. Pode-se configurar o modo de exibição em MODE, escolhendo entre a+bi (retangular) e r e^ θ i (polar).

Exemplo de forma retangular: 4+2i (usar o i minúsculo)

A forma polar é usada na sua definição de exponencial: 10e^(30i)

Atenção: apesar da calculadora exibir os ângulos em graus, a entrada deve ser SEMPRE em radianos. Isto trata-se de um erro de implementação da máquina.

A.2 Casio FX 82 MS

Para converter um número retangular para polar, usar a função Pol(.

Exemplo: converter 4 + j2: Pol(4 , 2) =

A primeira resposta será o módulo. Para acessar o ângulo, use RCL F. Atenção: o ângulo estará conforme esteja a configuração da calculadora, graus (D), radianos (R) ou grados (G).

Para converter um número polar para retangular, usar a função Rec (, de forma análoga. A primeira resposta será a parte real, use RCL F para acessar a parte imaginária.

Na verdade, a primeira parte da resposta ainda estará armazenada, tanto no polar quanto no retangular, na posição E. Para acessar, use RCL E.

 $76AP \hat{\mathbb{E}} NDICE~A.~~USO~DE~CALCULADORES~COM~FUNÇ\tilde{\mathbb{O}} ES~DE~N\'{U}MEROS~COMPLEXOS$

Apêndice B

Erros comuns

A seguir são listados alguns enganos muito comuns que ocorrem durante o curso. Espera-se que o aluno não os repita.

Omitir unidade

Em todos os campos da engenharia é essencial uma informação precisa. É necessário informar as unidades em que se encontram os resultados, juntamente com múltiplos e submúltiplos.

Esquecer do múltiplo/ submúltiplo da unidade

Conforme dito anteriormente, mas o que ocorre regularmente é de não se considerar os múltiplos na hora dos cálculos. Fatalmente o resultado será muito irreal. A prática, realizando-se exercicios regularmente, permite que o aluno ganhe sensibilidade e permita perceber quando um valor esteja fora do esperado.

Múltiplo da unidade ao quadrado ou ao cubo

Algumas medidas comuns, como mm², merecem atenção pois o múltiplo também é elevado ao quadrado (ou ao cubo). Logo, $1 \text{ mm}^2 = (10^{-3})^2 \text{ m}^2 = 10^{-6} \text{m}^2$.

Confusão entre série e paralelo

Dois elementos estão em série quando compartilham a mesma corrente, ou seja, estão em linha. Dois elementos estão em paralelo quando compartilham a mesma diferença de potencial, ou seja, quando seus terminais coincidem.

Quando há um terceiro elemento no meio, ele invalida esta condição. Deve-se localizar os elementos e localmente convertê-los para um equivalente, até que seja possível resolver todo o circuito.

Eventualmente pode não ser possível solucionar o circuito através de equivalente série-paralelo, quando por exemplo existir mais de uma fonte no circuito. Neste caso deve-se solucionar um sistema de equações de Kirchhoff, mas isto não é objetivo deste curso...

Excesso de informação/ cálculos desnecessários

Eventualmente pode ser calculado todas as características de um circuito, mas o que se pede era somente um valor, de um detalhe que leva um minuto para resolver. Para isto, preste atenção no que se pede no exercício.

Chaves

Uma chave aberta ou fechada pode alterar totalmente a topologia do circuito. Esta chave pode cortar elementos em série, ou curto-circuitar elementos em paralelo.

Aproximações

É comum, não somente durante o curso mas na vida profissional, surgir elementos que podem ser, em uma primeira aproximação, desprezados. Com a prática você poderá julgar se um elemento pode ser aproximado, por exemplo, para zero ou infinito, deixando desta forma um circuito mais fácil de resolver. Não esqueça de justificar sua aproximação, bem como de observar se o exercício não aceita aproximações.